



Escuela Superior de Administración y Comercio Unidad Tepepan

"Dinámica No-Lineal: Aplicaciones en fisiología"

I.Q. Jesús Andrés Arzola Flores



Resumen



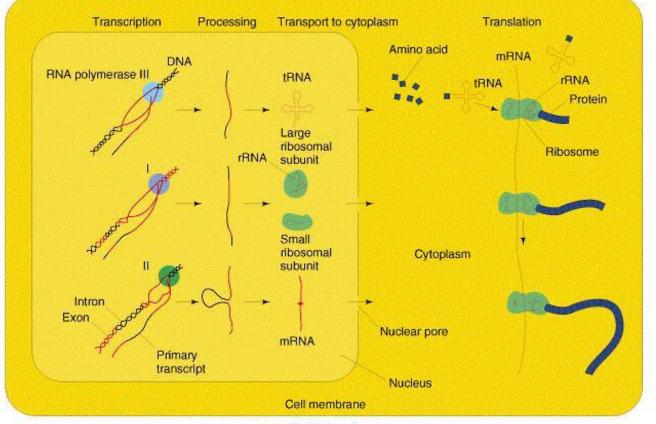
- La interacción entre mRNA, sRNA, y las proteínas desempeña un papel crucial en la regulación de genes.
- En esta investigación se exploró la dinámica de dos arquitecturas mínimas mediadas por sRNAs.
- Se introdujeron y se compararon dos escenarios en los cuales el sRNA opera diferente, es decir, la represión posttranscripcional y la represión de traducción.
- Se planteó un tercer escenario que ejemplifica la coexistencia de los dos anteriores escenarios y se obtuvo el modelo matemático del tercer escenario.
- Se resolvieron numéricamente los tres escenarios y se encontró que en los tres casos, existen dinámicas complejas.



Formación de RNA









Transcrito primario

(b) Eukaryote

En la figura animada de la derecha el molde de DNA aparece de color azul, la RNApolimerasa de color celeste, y el transcrito primario de RNA de color amarillo



sRNA



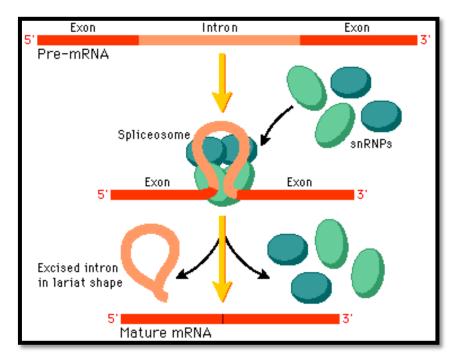


Figura 2. Formación de Spliceosome





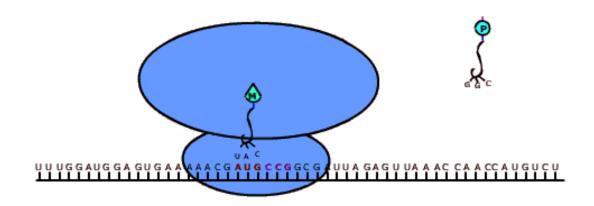
Figura 3. Spliceosome (microscopio electrónico).

B. Alberts., "Biología molecular de la célula"., Tercera edición., Editoriales OMEGA.



mRNA





- Se sintetiza sobre un molde de DNA y sirve de pauta para la síntesis de proteínas (traducción).
- Su peso molecular es alto y contiene únicamente los nucléotidos A, U, G y C. Además de contener codificada la secuencia de una proteína, contiene señales para la **iniciación** y **terminación** de la síntesis.
- Presenta en su extremo 5' una estructura compleja llamada "capucha" (cap), y en su extremo 3' una cadena de poliA de longitud variable. Estas modificaciones tienen por objeto aumentar la vida media de estas moléculas en el citoplasma.
 - B. Alberts., "Biología molecular de la célula"., Tercera edición., Editoriales OMEGA.

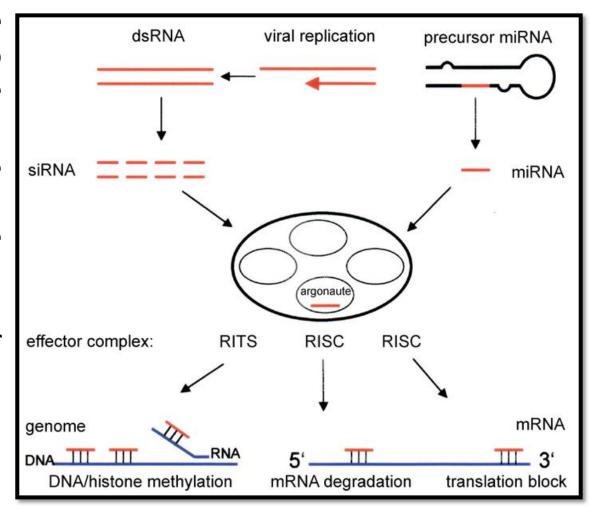


SIRNA



6

- RNA pequeño de interferencia o RNA de silenciamiento.
- Es altamente específico para la secuencia de nucleótidos de su mRNA diana, interfiriendo por ello con la expresión del gen respectivo.

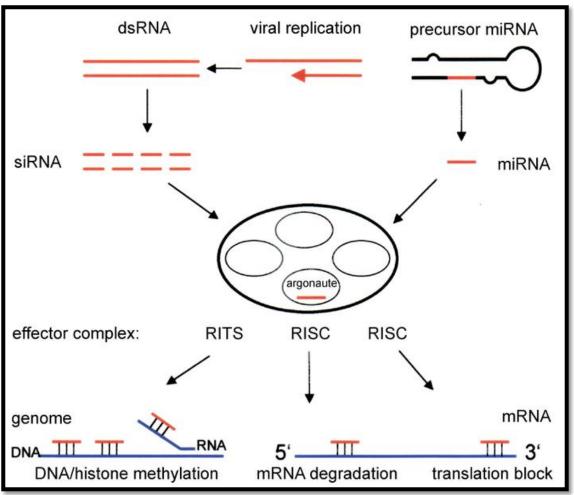




SIRNA



Suprimen expresión de los genes diana mediante corte del RNA mensajero (mRNA) complementario dos mitades, a través de la interacción de la hebra antisentido del siRNA con complejo RISC (RNAinduced silencing complex).





Mecanismo de defensa









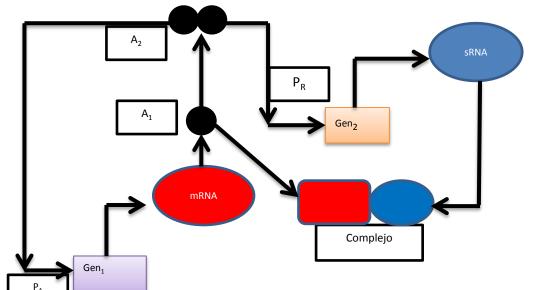
Figura 5. Un mecanismo de defensa en las plantas, de forma que éstas responden a la infección de los retrovirus mediante la destrucción de los ARN virales.



1er Comportamiento de estudio



P-siRNA



Donde:

P_R: Precursor de sRNA.

P_A: Precursor de mRNA.

A₁ y A₂: Proteínas.

P_RA₁: Precursor de sRNA activado.

P_AA₂: Precursor de mRNA activado.

m_A: mRNA.

m_R: sRNA.

Φ: Complejo inactivo.

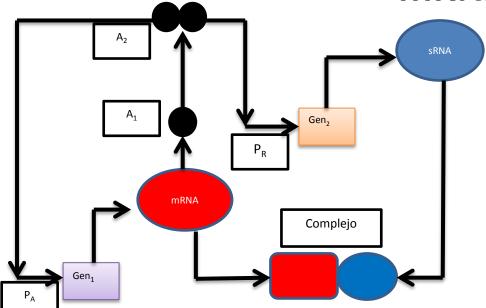
Figura 4. a) Escenario I, el complejo que inactiva la reacción se forma por la interacción P-sRNA.

Traducción.



2do Comportamiento de estudio

mRNA-RISC-siRNA



Donde:

P_R: Precursor de sRNA.

P_A: Precursor de mRNA.

A₁ y A₂: Proteínas.

P_RA₁: Precursor de sRNA activado.

P_AA₂: Precursor de mRNA activado.

m_A: mRNA.

m_R: sRNA.

Φ: Complejo inactivo.

Figura 5. b) Escenario II, el complejo que inactiva la reacción se forma por la interacción RNAm-sRNA.

Post-Transcripción.



Modelos



1)DNA₁
$$\rightarrow$$
DNA₁ + mRNA

2)DNA₂
$$\rightarrow$$
DNA₂ + sRNA

4)P + P
$$\rightarrow$$
 P₂

$$5)P_2 \rightarrow P + P$$

Escenario I

$$m_R + m_A \rightarrow C \rightarrow \Phi$$

Escenario II

$$m_R + P \rightarrow C \rightarrow \Phi$$

Dengyu Liu, Xiao Chang1, Zengrong Liu, Luonan Chen, Ruiqi Wang., "Bistability and Oscillations in Gene Regulation Mediated by Small Noncoding RNAs" PLoS ONE. (2011).

Comportamiento I: P-siRNA

$$\frac{dx}{dt} = \gamma y - \delta x,$$

$$\frac{dy}{dt} = \lambda \frac{1 + \rho x^2}{1 + x^2} - \alpha y - \sigma y z$$

$$\frac{dz}{dt} = \mu \frac{1 + \rho x^2}{1 + x^2} - \beta z - \sigma yz,$$

Comportamiento ..

II: mRNA-RISC-siRNA

$$\frac{dx}{dt} = \gamma y - \delta x - \sigma xz,$$

$$\frac{dy}{dt} = \lambda \frac{1 + \rho x^2}{1 + x^2} - \alpha y,$$

$$\frac{dz}{dt} = \mu \frac{1 + \rho x^2}{1 + x^2} - \beta z - \sigma xz$$

11

x=[Proteína], y=[mRNA], z=[sRNA]



Generalización ¿Coexistencia?



DNA₁ \rightarrow DNA₁ + mRNA DNA₂ \rightarrow DNA₂ + sRNA mRNA \rightarrow mRNA + P P + P \rightarrow P₂ P₂ \rightarrow P + P P + sRNA \rightarrow P - sRNA P - sRNA \rightarrow mRNA mRNA + sRNA \rightarrow mRNA - sRNA mRNA \rightarrow Φ

 $P \rightarrow \Phi$

Escenario III

$$\frac{dx}{dt} = \gamma y - \delta x - \sigma xz$$

$$\frac{dy}{dt} = \lambda \left[\frac{1 + \rho x^2}{1 + x} \right] - \alpha y + \sigma xz$$

$$\frac{dz}{dt} = \mu \left[\frac{1 + \rho x^2}{1 + x} \right] - \beta z - \sigma xz$$

x=[Proteína], y=[mRNA], z=[sRNA]

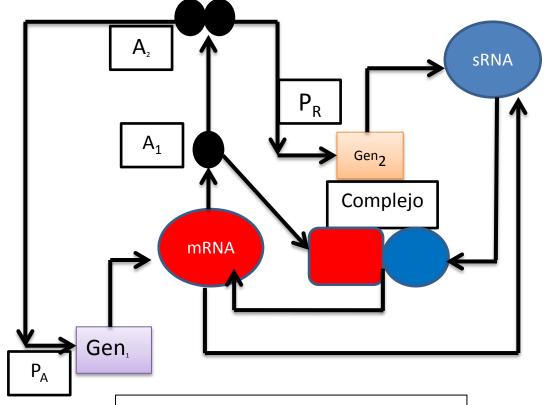


Figura 6. Los dos mecanismos coexisten



Reducción



$$\frac{dy}{dt} = \lambda \left[\frac{1 + \rho \left(\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)^2}{1 + \left(\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)} \right] - \alpha y$$

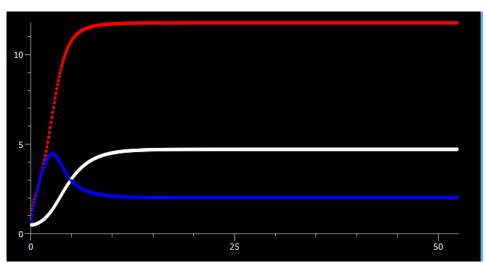
y=[mRNA], z=[sRNA]

$$\frac{dz}{dt} = \mu \left[\frac{1 + \rho \left(\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)^{2}}{1 + \left(\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)} \right] - \beta z - \sigma \left[\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right] z$$





$$\frac{dx}{dt} = \gamma y - \delta x,$$



$$\frac{dy}{dt} = \lambda \frac{1 + \rho x^2}{1 + x^2} - \alpha y - \sigma y z,$$

$$\frac{dz}{dt} = \mu \frac{1 + \rho x^2}{1 + x^2} - \beta z - \sigma yz,$$

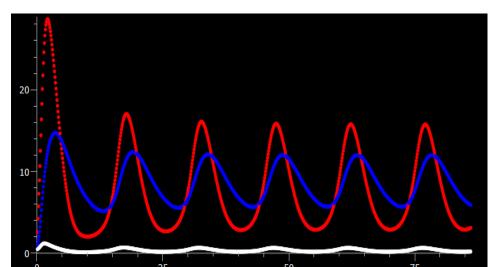
Figura 7. Solución numérica del escenario I. Se observa estabilización de las concentraciones proteína (línea blanca), mRNA (línea azul) y sRNA (línea roja). Concentraciones iniciales x=0.5, y= 0.7 y z= 0.3. Los valores de los parámetros fueron los siguientes: λ =0.6, δ = 0.5, γ =0.2, α =2, μ = 0.5, β = 0.3, ρ = 40 y σ = 2.

Método numérico empleado para resolver las ecuaciones del escenario I es Runge-Kutta con un paso de tiempo dt=0.1 con parámetros Los valores de los parámetros fueron los siguientes: λ =0.6, δ = 0.5, γ =0.2, α =2, μ = 0.5, β = 0.3, ρ = 40 y σ = 2. y se realizaron 2400 iteraciones para obtener la solución de los modelos matemáticos de los tres escenarios.





15



$$\frac{dx}{dt} = \gamma y - \delta x - \sigma xz,$$

$$\frac{dy}{dt} = \lambda \frac{1 + \rho x^2}{1 + x^2} - \alpha y,$$

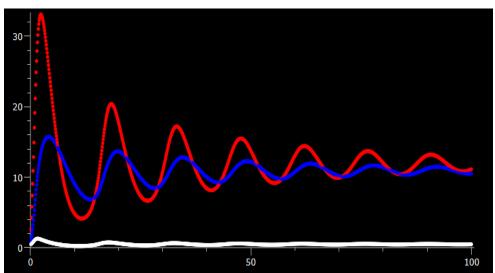
$$\frac{dz}{dt} = \mu \frac{1 + \rho x^2}{1 + x^2} - \beta z - \sigma xz$$

Figura 8. Solución numérica del escenario II. Se observan oscilaciones de las concentraciones proteína (línea blanca), mRNA (línea azul) y sRNA (línea roja). Concentraciones iniciales x=0.5, y= 0.7 y z= 0.3. Los valores de los parámetros fueron los siguientes: λ =2.5, δ = 0.5, γ =0.2, α =2, μ = 0.5, β = 0.3, ρ = 40 y σ = 0.4.

Método numérico empleado para resolver las ecuaciones del escenario II es Runge-Kutta con un paso de tiempo dt=0.1 con parámetros Los valores de los parámetros fueron los siguientes: λ =2.5, δ = 0.5, γ =0.2, α =2, μ = 0.5, β = 0.3, ρ = 40 y σ = 0.4.







$$\frac{dx}{dt} = \gamma y - \delta x - \sigma xz$$

$$\frac{dy}{dt} = \lambda \left[\frac{1 + \rho x^2}{1 + x} \right] - \alpha y + \sigma xz$$

$$\frac{dz}{dt} = \mu \left[\frac{1 + \rho x^2}{1 + x} \right] - \beta z - \sigma xz$$

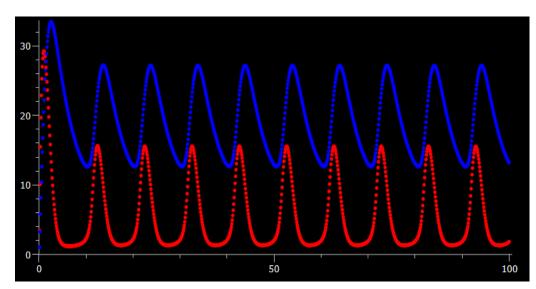
Figura 9. Solución numérica del escenario III. Se observan oscilaciones de las concentraciones proteína (línea blanca), mRNA (línea azul) y sRNA (línea roja), seguidas de un estado de estabilización. Concentraciones iniciales x=0.5, y= 0.7 y z= 0.3. Los valores de los parámetros fueron los siguientes: λ =2.5, δ = 0.5, γ =0.2, α =2, μ = 0.5, β = 0.3, ρ = 40 y σ = 0.4.

Método numérico empleado para resolver las ecuaciones del escenario III es Runge-Kutta con un paso de tiempo dt=0.1 con parámetros Los valores de los parámetros fueron los siguientes: λ =2.5, δ = 0.5, γ =0.2, α =2, μ = 0.5, β = 0.3, ρ = 40 y σ = 0.4.





17



$$\frac{dy}{dt} = \lambda \left[\frac{1 + \rho \left(\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)^2}{1 + \left(\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)} \right] - \alpha y$$

$$\frac{dz}{dt} = \mu \left[\frac{1 + \rho \left(\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)^2}{1 + \left(\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)} \right] - \beta z - \sigma \left[\frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right] z$$

Figura 10. Solución numérica del escenario II (Modelo matemático reducido). Se observan oscilaciones de las concentraciones de mRNA (línea azul) y sRNA (línea roja). Concentraciones iniciales y= 0.7 y z= 0.3. Los valores de los parámetros fueron los siguientes: λ =2, δ = 0.5, γ =0.2, α =2, μ = 0.5, β = 0.3, ρ = 40 y σ = 0.2.

Método numérico empleado para resolver las ecuaciones del escenario II reducido es Runge-Kutta con un paso de tiempo dt=0.1 con parámetros Los valores de los parámetros fueron los siguientes: λ =2, δ = 0.5, γ =0.2, α =2, μ = 0.5, β = 0.3, ρ = 40 y σ = 0.2.



Conclusiones



- El escenario II demuestra poseer una mejor eficiencia y robustez en la represión de la traducción., debido a que muestra un proceso oscilatorio que ejemplifica perfectamente la dinámica intracelular.
- Este estudio nos ayudará a analizar las complejas redes de interacciones entre macromoléculas intracelulares, montándolas como módulos simples para estudiarlas con mayor facilidad. Este estudio da la pauta para el inicio de un conocimiento más profundo del funcionamiento de sRNA´s, que será de interés en la bio-ingeniería y el control artificial.
- El estudio de la dinámica del RNA nos llevará a plantear sistemas de genes homeóticos, los cuales nos ayudarán a construir modelos matemáticos que nos explicarán la compleja forma en la que una célula madre se diferencia.



Perspectivas



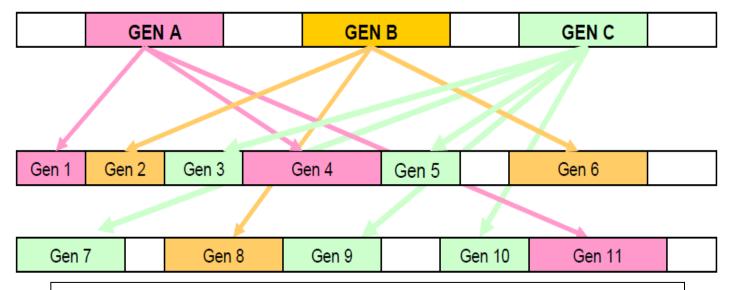


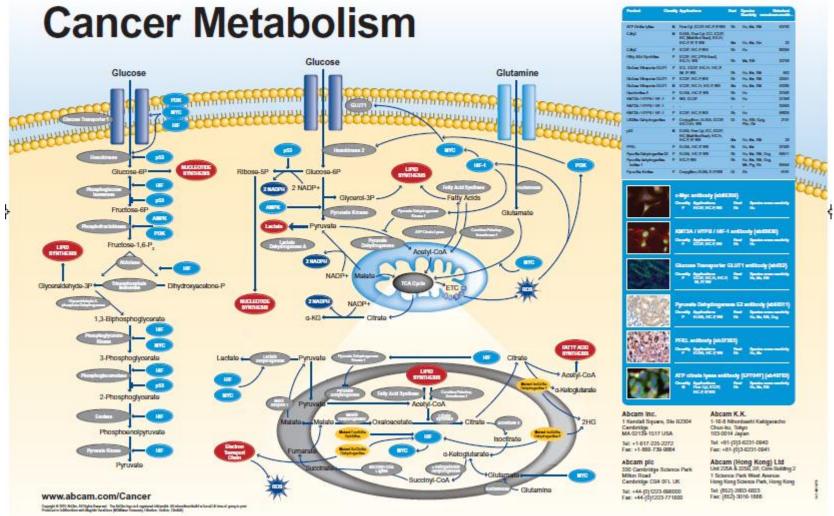
Figura 8. A, B y C son genes homeóticos cuyos productos (proteínas homeóticas) regulan la actividad de sus genes subordinados. Cuando el Gen A está activo, los genes 1, 4 y 11 están "prendidos" los cuales le indican a la célula madre a qué tipo de célula debe convertirse.















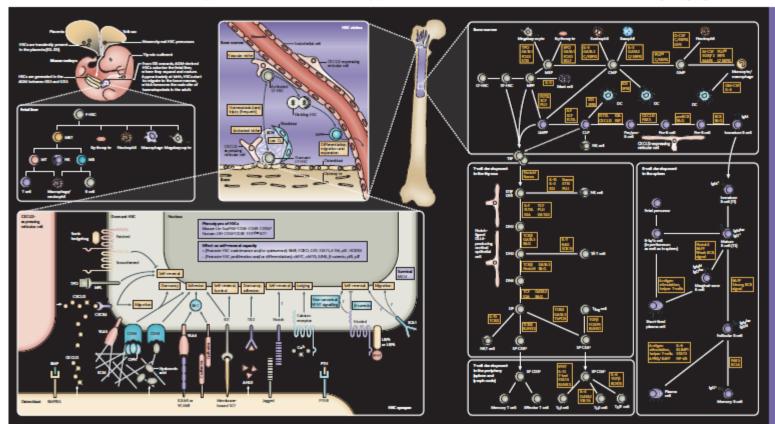
Haematopoietic stem cells, niches and differentiation pathways

Thomas Graf and Andreas Trumpp

Haematopoletic stem cells (HSCs) continuously replentsh blood cells that are lost by strittion or tissue damage. They are capable of self-renew all and are currently the only adult stem-cell type routinely used in clinical settings to replace lost cells. HSCs are mostly quiescent but can be mobilized from their niche to proliferate and differentiate into lineages of the innate and adaptive immune system, as well as into red blood cells and plateletts. Cell-fate decisions are initiated and maintained by specific combinations of

transcription factors, the activity of which is orchestrated by extrinaic and intrinsic signals. The study of changes in regulatory networks during heemstopoletic differentiation has long served as a peradigm for basic processors of cells fairs specification and its aberrations, such as those that occur in leukaemia. The easy accessfully and transplantability of normal and leukaemic heemstopoletic cells has led to the discovery of cytokines, oncogenes and cancer stem cells and to some of the most celebrated successars of targeted drug design.





Abcam Stem Cell antibodies you can rely on! Abcam supplies princey and secondary ambodies and reagents to researchers workler list. We ship direct to new so countries and have offices in the UK, US and Japan, well as offering castomer support in English, French, German and Japanese.

We are capitally discriping and expanding our range, booking for new ranges: and long resting our spiritually and business to help as with this, we write by Landon, Augusti and halp or gain the Continuous and We have own so,poo antibodies in our catalogue.
Our Seen Cell Marken range includes own zoos antibodies o

- Embryonic Som Col - Embryonic Gorn Col
- Endodelial progestions - Heracopoletic progestion
- Neural Cree: Som Cells
 Scrodern, Mesodern and Endodern line

Challing and horizonity are our trop prioritation. Our Aleptomates quantuments his confirmation appears for our or a previous extraction programment of the confirmation and the confirmation of the given year while distinct or or the priority of the confirmation given year while distinct or or the priority of the confirmation on our distinction or confirmation or confirmation or confirmation and our consideration or our distinction and our confirmation or confirmation or confirmation or confirmation or confirmation or confirmation or confirmation of the confirmation of confirmation or confirmation of the confirmation of confirmation or confirmation of the confirmation of confirmation or confirmation of co

www.shram.com/susmosils.

A bilene inches

A CML care great in consequent CMC, equiphytein is a No. 2, a problemation in the plant A Land in designation are associated in the consequence of the consequence (2.3) and in copyrights, and in the consequence (2.3) and in copyrights, and in the consequence (2.3) and in copyrights, and in consequence (2.3) and in copyrights are provided in copyrights, and (2.3) and

This is an applicable which is a fair in magain homelogue; a COS, hadred GOM, YCA, between COM, (2004). (2004). Which is a control of the c "At each less part of the Control of

Tuide through the poster

The upper last region of the power shows a messes energy with the homographic tradger. Although the security will be homographic to the five test of yells have constructed to the first of which the series ground emercephens (ACM) region. From homeomorphen is constructed and differentiate to my spekial and hypothal through as more colls used the first liver, where they argued and differentiate to my spekial and hypothal first properties of these narrow references between [ACM] in the little they graduated, the liver and propulate procedure of the narrow references between the place of the series of the little trade of the little they graduately become episiescent. As shown in the left they graduately become graduated at the one of the little post of the unabsolute beam, the reclamatal siche little size of the unabsolute beam, the reclamatal siche little size of the unabsolute beam, the reclamatal siche little size of the unabsolute beam of the first little constitution moderation and CCC chemother little size of all disputition moderation and CCC chemother little size of all disputitions induced an experience of the propries of the size of and disputition moderation and CCC chemother little and and the measurements from a lab panel of CCAL colls and fine excessible of excessible colls—where they

These reasons distinct by man-seeding programmer. (DPI) used the shyems and become constrained to the Total Brassing flower rights panel, in the shyems, the colin travial from the corner through the subcoparian rose to travial from the corner through the subcoparian rose to the medalls, executavity of Blower ophiballs of close that guide them through as end do elegeneral suggest that globe the contract of the subcoparian reasons that guide them through as end of elegeneral suggest of the globe through the contract of the spices and typic through the subcoparian reasons the globe and typic through the subcoparian reasons the globe and the programmer of the corner constituted in the bose number of, after immunes constituted in the bose number and, after immunes to cold manufacture and those to the spices, they manufacture right for the coloniar and those to the spices, they manufacture right from right restores rath first part often routed.

The differentiation pathways are shown beginning with 1950s and entity with means coils. Doned these represent arounds out a which the origin of the secondaries coils. An other bediese points or private or dispation of circulating calls jet the the entrypton of the pathways of the pathways of 1950s, and pathways of the pathways 1950s and pathways of the pathways 1950s and pathways of pathways of the pathways 1950s and pathways of pathways of the pathways 1950s and pathways of pathways of pathways of pathways of pathways of pathways of the pathways of pathways of pathways of pathways of pathways of the pathways of path