

INSTITUTO POLITECNICO NACIONAL

CENTRO DE INVESTIGACION EN CIENCIA APLICADA Y TECNOLOGIA AVANZADA UNIDAD LEGARIA

DETERMINACION DE LA CONDUCTIVIDAD TERMICA

EN POLVOS AISLANTES TÉRMICOS DE MgO A ALTA TEMPERATURA:

EFECTO DE LA DISTRIBUCION DEL TAMAÑO DE

GRANO E IMPUREZAS.

TESIS

QUE PARA OBTENER EL GRADO DE:

MAESTRO EN TECNOLOGIA

AVANZADA

PRESENTA:

Ing. Jonathan Félix Guarachi Solano



DIRECTOR:

Dr. José Antonio Calderón Arenas

CICATA

México, D.F. Julio del 2011



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL SECRETARÍA DE INVESTIGACIÓN Y POSGRADO

ACTA DE REVISIÓN DE TESIS

 En la Ciudad de
 México
 siendo las
 12:00
 horas del día
 27
 del mes de

 junio
 del
 2011
 se reunieron los miembros de la Comisión Revisora de la Tesis, designada

 por el Colegio de Profesores de Estudios de Posgrado e Investigación de
 CICATA, LEGARIA

 para examinar la tesis titulada:
 Investigación de
 Investigación de

"Determinación de la conductividad térmica en polvos aislantes térmicos de MgO a alta temperatura: Efecto de la distribución del tamaño de grano e impurezas".

Presentada por el alumno:								
GUARACHI	SOLANO		JONATHAN FELIX					
Apellido paterno	Apellido materno		Nombre(s)					
	Con registro:	В	0	9	1	9	5	5
aspirante de:								
Maestría en Tecnolog	jia Avanzada							
Después de intercambiar opiniones en virtud de que satisface los requis	s, los miembros de la Comisión m sitos señalados por las disposicion LA COMISIÓN REV/SORA Director(a) de tesis Dr. Jess Arton ó Calderón Arenas	anife es re	estar	on A F	PROB ias v	BAR igente	LA T	ESIS,
Dr. Ernesto Marin Moares	D	r. José	Guzn	nán Men	ndoza			
Dr. Alfredo Ordz Orea Dr. Alfredo Ordz Orea PRESIDENTE DEL COLEGIO DE PROFESORES CENTRO DE INVESTIGACION EN CIENCIA Dr. José Antonio Irán Dipa GOAPTECNOLOGIA AVANZADO DEL IPN								

SIP-14



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL secretaría de investigación y posgrado

CARTA CESIÓN DE DERECHOS

En la Ciudad de <u>México, D.F.</u> el día <u>27</u> de <u>Junio</u> del año <u>2011</u>, el que suscribe <u>Jonathan</u> <u>Félix Guarachi Solano</u> alumno del Programa de Tecnología Avanzada con número de registro <u>B091955</u>. adscrito al <u>Centro de Investigación en Ciencias Aplicada y Tecnología</u> <u>Avanzada del IPN, Unidad Legaria</u>, manifiesta que es autor (a) intelectual del presente trabajo de Tesis bajo la dirección del <u>Dr. José Antonio Calderón Arenas</u> y cede los derechos del trabajo intitulado <u>"Determinación de la Conductividad Térmica en Polvos aislantes</u> <u>térmicos de MgO a alta temperatura: Efecto de la distribución del tamaño de grano e</u> <u>impurezas</u>", al Instituto Politécnico Nacional para su difusión, con fines académicos y de investigación.

Los usuarios de la información no deben reproducir el contenido textual, gráficas o datos del trabajo sin el permiso expreso del autor y/o director del trabajo. Este puede ser obtenido escribiendo a la siguiente dirección **jonathanguarachi@hotmail.com**. Si el permiso se otorga, el usuario deberá dar el agradecimiento correspondiente y citar la fuente del mismo.

Jona han Félix Guarachi Solano Nombre y Firma

CONTENIDO

Página 4

Resumen		8
Abstract		9
Capítulo 1.	Introducción	
	1.1 Antecedentes	10
	1.2 Estado del Arte	20
	1.3 Planteamiento del Problema	23
	1.4 Objetivo General	23
	1.5 Objetivos Particulares	24
	1.6 Descripción del Trabajo de Tesis	24
Capítulo 2.	Marco Teórico	
	2.1 Introducción	30
	2.2 Transferencia de calor por conducción	31
	2.3 Sistemas radiales	33
	2.4 Conductividad térmica	35
	2.5 Resistencia de contacto	37
	2.6 Efecto Joule	39
Capítulo 3.	Efecto de la distribución del tamaño de grano e impurezas en la	
	conductividad térmica en polvos de MgO a alta temperatura	
	3.1 Introducción	41
	3.2 Sistema de Flujo de Calor Radial en Estado Estacionario ASTM	42
	2858-70(90)	

	3.3 Procedimiento Experimental	47
	3.4 Resultados Discusión	50
Capítulo 4.	Conclusiones y Perspectivas	64
Referencias		
Apéndice A	Propiedades del Ni-Cr 80/20, Incoloy y Termopares.	67
Apéndice B	Indice de Figuras	71
Apendice B	Indice de Tablas	72

AGRADECIMIENTOS

Al instituto Politécnico Nacional por la oportunidad de realizar este trabajo que culmina en una tesis de Maestría.

Al Dr. José Antonio Calderón Arenas, por su excelente asesoría, dedicación y apoyo para el desarrollo de este trabajo de tesis, además de su apreciable amistad.

Al Dr. Miguel Ángel Aguilar Frutis y al Dr. Cappe por sus importantes aportaciones en el trabajo.

A los profesores del CICATA-Legaria: Dr. Alfredo Cruz Orea, Dr. José Guzmán Mendoza, Dr. Ernesto Marín Moares por el tiempo dedicado a este trabajo y su participación como sinodales.

Al Dr. Eduardo San Martín Martínez por su apoyo incondicional durante mi estancia en México y por la amistad cultivada.

Al grupo de Trabajo que conforma el Programa de Tecnología Avanzada C. Ana Leticia Cardona Gómez, C. Laura Yadira Vega Haro, Ing. Pablo Ruíz Sainz, por su amable atención, apoyo, asesoría y la amistad que me brindaron incondicionalmente.

A la SIP-IPN por el apoyo a través de los proyectos 20091032, 20101657 y 20111157, al CONACyT por el apoyo económico otorgado por medio de la beca otorgada a la Maestría en Tecnología Avanzada realizada en el Centro de Investigación en Ciencia Aplicada y Tecnología Avanzada Unidad Legaria del IPN.

A mis Padres, Félix Guarachi A. y Sara Solano M.

A mis hermanos Josefath Guarachi Solano, Bruno A. Guarachi Solano y Sarita L. Guarachi Solano

- A mis amigos en Bolivia y en México por su apoyo y su amistad
- A todos ellos por su Apoyo siempre incondicional e inmenso amor a la distancia...

¡Gracias Dios! Por permitirme contar con todos ellos.

RESUMEN

Este trabajo de tesis reporta la determinación de la conductividad térmica K a altas temperaturas (de 100 a 870 °C) en polvos de MgO grado eléctrico con diferentes tamaños de grano (de 53 a 420 μm) y diferente composición de impurezas. Para esto, se utilizó la técnica de flujo de calor radial en estado estacionario, de acuerdo a la norma de la American Society for testing and Materials (ASTM) 2858-90, así como de un análisis de composición mediante EDS y DRX.

Se observó un incremento notable de K para las muestras con menor tamaño de grano, llegando alcanzar diferencias superiores al 1000% en las muestras de mayor pureza y arriba de 500% para las muestras con mayor concentración de impurezas.

La rapidez de cambio de K con T también se incrementa significativamente con un menor tamaño de grano, hasta en un 240% en las muestras de mayor pureza y hasta en un 110% para las muestras con mayor concentración de impurezas.

Los valores medidos de K contra el tamaño de grano (T constante) mostraron una dependencia en forma de logística decreciente tipo Boltzman, en todos los casos, revelando una caída abrupta de K al aumentar el tamaño de grano, y alcanzando un valor constante de saturación. Las muestras con mayor concentración de impurezas presentaron un notable incremento en el ancho característico de decrecimiento de la curva y un desplazamiento de su centro a mayores valores del tamaño de grano, lo que no ocurrió en las muestras de mayor pureza.

ABSTRACT

This thesis work reports the determination of the thermal conductivity K, at high temperatures values (100 to 870 ° C), in electric grade MgO powders with different grain sizes (from 53 to 420 2 m) and different concentration of impurities too. The measurements were performed using the technique of radial heat flow in steady state, according to the Standard American Society for Testing and Materials (ASTM) 2858-90, and an analysis complementary of composition by EDS and XRD.

There was a significant increase in K for samples with smaller grain size, which reached more than 1000% in samples of higher purity and up to 500% for samples with higher concentrations of impurities.

The rate of change of K with T also increased significantly with a smaller grain size, up to 240% in samples of higher purity and up to 110% for samples with higher concentrations of impurities.

The measured values of K with grain size (T constant) showed a dependence as a logistic of Boltzmann type, in all cases, revealing a sharp drop in K with the increasing of grain size, and reaching a constant value of saturation. Samples with higher concentration of impurities showed a notable increase in the width of characteristic curve and a shift in its center to higher values of grain size, which did not occur in samples of higher purity.

CAPITULO I

INTRODUCCION

1.1. ANTECEDENTES

Acceder a los valores de las propiedades físicas de los materiales y productos industriales se ha convertido en un elemento que marcha aparejado con el desarrollo alcanzado en el mundo moderno. En la mayoría de las industrias de producción se requiere conocer el comportamiento o relación que tienen estas propiedades con las variables de proceso, entre las cuales se pueden citar, la temperatura, la presión y la composición entre otras.

En particular la temperatura y el flujo de calor dependen de las propiedades térmicas de las sustancias tales como la conductividad térmica, la capacidad calorífica, la difusividad térmica y la efusividad térmica.

La determinación y conocimiento de las propiedades térmicas resulta de gran importancia para el funcionamiento de procesos en los que existe intercambio térmico; permitiendo simular y diseñar cargas térmicas, optimizar o mejorar el diseño de diversos componentes en las plantas de procesos industriales, y en particular de los equipos donde existe transferencia de calor. Lo que nos conlleva a que un adecuado diseño de los equipos garantiza condiciones de operaciones adecuadas, pues con el valor de las propiedades y la dependencia de las mismas con las distintas variables pueden predecirse cargas caloríficas, tiempos de calentamiento, enfriamiento, etc. Factores que son determinantes en el diseño y calidad de los productos, ya sea durante la elaboración o la conservación de los mismos.

La porosidad, las imperfecciones o impurezas en los materiales tienen una marcada influencia sobre la conductividad térmica. En los materiales en polvo, la distribución del

tamaño de partículas es una variable a tener en cuenta, cuando se estudian sus propiedades termofísicas.

En metales de alta pureza, el mecanismo electrónico de transporte de calor es mucho más eficiente que la contribución fonónica porque los electrones no son tan fácilmente dispersados como los fonones y tienen mayores velocidades. Por ello, los metales son extremadamente buenos conductores de calor porque tienen un número considerable de electrones libres que participan en la conducción térmica. La aleación de metales con impurezas resulta en una reducción de la conductividad térmica ya que los átomos que constituyen las impurezas, especialmente si están en solución sólida, actúan como centros de dispersión, bajando la eficiencia del movimiento de los electrones.

Los materiales no metálicos son aisladores ya que ellos no tienen gran número de electrones libres. De aquí que los fonones son los principales responsables para la conductividad térmica. Los fonones no son tan efectivos como los electrones libres en el transporte de la energía de calor, ya que los fonones se difunden por imperfecciones cristalinas.

La conductividad se incrementa a mayores temperaturas, lo cual se explica por la transferencia de calor radiante (infrarrojos).

La porosidad en los materiales puede tener una influencia dramática sobre la conductividad térmica.

En la determinación experimental de la conductividad térmica de sólidos, un número de diferentes métodos de medición son necesarios para los diferentes rangos de temperatura y de las diversas clases de materiales que tienen diferentes rangos de valores de conductividad térmica. Un método en particular puede ser empleado preferiblemente para un determinado material y rango de temperatura pero ningún método es adecuado para todas las condiciones de medición. La adecuación de un método es determinada por consideraciones tales como la naturaleza física de los materiales, la geometría de las

muestras disponibles, la exactitud requerida de los resultados, la velocidad de operación, el tiempo y los fondos que esta implica.



Figura 1.1 Dependencia de la conductividad térmica con la temperatura para varios materiales cerámicos

Los diversos métodos para la medición de la conductividad térmica se ubican en dos categorías: los de estado estacionario y no estacionario. En los métodos de medición del estado estacionario, la muestra se somete a un perfil de temperatura que es invariante en el tiempo, y la conductividad térmica se determina directamente mediante la medición de la tasa de flujo de calor por unidad de superficie y el gradiente de temperatura después de que el equilibrio se ha alcanzado. En los métodos de estado no estacionario, la distribución de temperaturas en la muestra varía con el tiempo, y la medición de la tasa de cambio de temperatura, que normalmente determina la difusividad térmica, sustituye

a la medición de la tasa de flujo de calor. La conductividad térmica se calcula a partir de la difusividad térmica con un mayor conocimiento de la densidad y calor específico del material de ensayo.

La principal preocupación en la mayoría de los métodos de medición es obtener un flujo de calor controlado en una dirección tal que prescribe las condiciones de contorno reales en el experimento de acuerdo con los asumidos en la teoría. En teoría, el método más simple para obtener un flujo de calor controlado es utilizar una muestra en forma de una esfera hueca con un calentador en el centro. El calor suministrado por el calentador interno pasa a través de la muestra en una dirección radial, sin pérdida. Sin embargo, en realidad es muy difícil de fabricar un calentador esférico que produce el flujo de calor uniforme en todas las direcciones radiales.

También es difícil fabricar muestras esféricas para medir la entrada de calor y el gradiente de temperatura en este dispositivo experimental.

Un método más habitual para controlar el flujo de calor en la dirección prescrita es el uso de calentadores de guardia (en combinación con aislamiento térmico en la mayoría de los casos) regulará de modo que el gradiente de temperatura es cero en todas las direcciones excepto en la dirección del flujo de calor deseado. En la mayoría de los métodos de medición de la conductividad térmica, se utiliza una geometría de la probeta cilíndrica que van desde la barra de tiempo en el disco corto, y el flujo de calor se controla a ser en la dirección longitudinal (axial) o la dirección radial. Así la mayoría de métodos se pueden subdividir en los métodos de flujo longitudinal y calor radial, como se explica más adelante.

El estudio experimental de la conductividad térmica de los sólidos se inició en el siglo XVIII. Benjamin Franklin [1] en 1753 parece haber sido el primero en señalar la diferente capacidad de diferentes materiales "para recibir y transmitir el calor de distancia". Observó materiales como el metal y la madera para ser buenos o pobres conductores de calor según el grado de frialdad sentido al tocar. Fordyce [2] por primera vez en 1787 realizó algunos experimentos sobre la "fuerza de conducción" de cartón y hierro. El primer método de estado estacionario comparativo para la medición de la conductividad térmica de sólidos fue sugerido por Franklin y llevada a cabo por Ingen-Hausz en 1789 [3]. Este método fue mejorado por Despretz en 1822 [4]; el método Despretz fue utilizado más tarde por Wiedemann y Franz 1853 [5] para determinar la conductividad térmica relativa de un número de metales que conducen a la postulación de la ley de Wiedemann-Franz. Desde el primer método de estado estacionario absoluto reportado en 1851 por la revista Forbes [6,7] (ver también [8,9]) y el primer método absoluto reportado en 1861 por Angstrom [10], una diversidad de diferentes métodos y sus variantes se han desarrollado hasta la fecha. Varios estudios generales están disponibles para la implementación experimental de los mismos.

1.1.1. METODOS DE FLUJO DE CALOR RADIAL

Hay diferentes tipos de equipos de medición basados en flujo de calor radial. La clasificación se basa principalmente en la geometría de la muestra. En lo que sigue describiremos brevemente la geometría cilíndrica. El lector puede consultar las referencias dadas por los distintos métodos para obtener detalles más finos. Un examen exhaustivo de los métodos de flujo de calor radial ha sido hecho por McElroy y Moore [11].

1.1.1. 1. METODO ABSOLUTO.

(I) METODO CILINDRICO. El método utiliza una muestra cilíndrica en forma de un cilindro circular recto con un agujero coaxial central, que contiene un calentador o un disipador de calor, dependiendo de si la dirección de flujo de calor deseado es radialmente hacia afuera o hacia adentro. El uso de este método fue reportado primero por el Callendar y Nicolson [12] en 1897 para medir la conductividad térmica del hierro fundido y acero dulce. Las probetas cilíndricas que se utilizaron fueron de 5 pulgadas de diámetro y 2 metros de largo con un agujero de una pulgada coaxial calentado por vapor bajo presión. La parte exterior del cilindro se enfría por el agua que circula rápidamente en un tubo en espiral. Niven [13] en 1905 también utilizó el método de flujo de calor radial para la medición de la madera, arena y aserrín. Su método es parecido al método de hilo caliente desarrollado por Andrews [14] en 1840 y Schleiermacher [15] en 1888 realizó mediciones en gases. Kannuluik y Martin [16] utilizaron el método de hilo caliente para las mediciones en polvos, así como en gases. En los primeros experimentos y también en muchos de los diseños más tarde [17-20], el efecto de las pérdidas de calor de los extremos de la muestra se reducen al mínimo mediante una muestra larga y el control de la energía eléctrica en una pequeña sección de la muestra lejos de los extremos.

El método que emplean bornes cilíndricos en ambos extremos de la muestra para evitar pérdidas de calor axial fue desarrollado por Powell [21] y por primera vez en 1939 para las mediciones de hierro Armco a altas temperaturas.

En el método de muestra encerrada cilíndricamente se compone generalmente de discos apilados con un agujero central coaxial que contienen un calentador o un disipador de calor. Las temperaturas dentro de la muestra se miden por termopares o por un pirómetro óptico. Para obtener información detallada de algunos de los aparatos útiles empleando el método cilíndrico, el lector puede consultar las referencias [11,21-26]. La conductividad térmica se calcula a partir de la expresión

$$k = \frac{q \ln(r_2 / r_1)}{2\pi l(T_1 - T_2)}$$
(2.1)

donde *I* es la longitud del calentador central y T_1 y T_2 son temperaturas medidas en los radios r_1 y r_2 respectivamente.

Hoch et al. [27] desarrollaron un método de flujo de calor cuasi-radial en la que se calienta una muestra metálica en forma de un disco o un cilindro corto, se calienta en su superficie convexa cilíndrica en alto vacío por medio de la inducción de alta frecuencia perdiendo el calor por radiación en las caras planas en sus extremos circulares. En este método el flujo de calor de la superficie cilindrica, en la que la generación de calor se localiza, en el interior de las muestras, por supuesto, no es estrictamente radial, y el gradiente de la temperatura a lo largo del radio en las caras planas de los extremos está relacionado con la conductividad térmica. Para las mediciones en los sólidos no metálicos, tales como Al₂O₃, la superficie convexa de la muestra se cubre con una envoltura metálica. La teoría de este método lo mejora J. Vardi y R. Lemlich [28].

(II) MÉTODOS ESFÉRICOS Y ELIPSOIDALES. En un método esférico, el calentador está completamente encerrado dentro de la muestra que está en la forma de una esfera hueca. El calor suministrado por el calentador interno pasa a través de la muestra radialmente sin pérdida. En teoría, este método es ideal. Sin embargo, hay algunas dificultades prácticas como la fabricación de un calentador esférico que produce el flujo de calor uniforme en todas las direcciones radiales, la fabricación de la pieza esférica es difícil, la colocación de termopares a lo largo de las isotermas esféricas es complicada lo que ha impedido que este método sea popular. Laws, Bishop, y McJunkin [29] primero utilizaron este método en sólidos. Una descripción detallada de un diseño moderno se puede encontrar en la referencia [11]. La conductividad térmica se calcula a partir de la expresión

$$k = \frac{q(1/r_1 - 1/r_2)}{4\pi(T_1 - T_2)}$$
(2.2)

El método elipsoidal es similar, pero tiene algunas ventajas sobre el método esférico. Fue desarrollado por un grupo de investigadores del MIT [30-32]. La principal ventaja de utilizar una muestra en forma de un elipsoide en lugar de una esfera es que las superficies isotérmicas cerca del plano de los ejes de menor importancia de un elipsoide son más bien plana, para que directamente los cables del termopar se puedan utilizar sin efectos adversos. Si *a* es la mitad de la distancia focal del elipsoide y T₁ y T₂ son las temperaturas medidas en, respectivamente, dos radios r₁ y r₂ sobre el eje menor, la conductividad térmica está determinada por la expresión

$$k = \frac{q}{8\pi a (T_1 - T_2)} \times \ln\left(\frac{\sqrt{a^2 + r_2^2} - a}{\sqrt{a^2 + r_2^2} + a} \cdot \frac{\sqrt{a^2 + r_1^2} + a}{\sqrt{a^2 + r_1^2} - a}\right)$$
(2.3)

A pesar de las ventajas mencionadas, el método elipsoidal es también rara vez utilizado debido a las dificultades experimentales, comunes a los métodos elipsoidal y esférico.

(III) METODOS DE ESFERA CONCENTRICA Y DEL CILINDRO CONCENTRICO. Se utilizan principalmente para la medición de polvos, fibras y otros materiales sueltos. La muestra se llena en el espacio entre dos cascaras esféricas concéntricas (o cilíndricas), con la esfera interior (o cilindro) que es un calentador o un disipador de calor. En un aparato de cilindros concéntricos, los seguros (bornes) se utilizan generalmente para prevenir el flujo de calor axial.

Un método de esferas concéntricas fue utilizado por primera vez por Péclet [33]. Más tarde Nusselt [34] logró el uso de este método para la medición en materiales aislantes con un calentador eléctrico instalado en el interior de la corteza esférica. Un aparato moderno que utiliza un calorímetro de evaporación el ámbito describe [35]. en interno se en Un método de cilindros concéntricos fue utilizado por Stefan [36] y reportado en 1872 para las mediciones de los gases. Fue adoptado más tarde para la medición de materiales sueltos. La referencia [37] describe un aparato moderno que emplea un calorímetro de evaporación en el interior del cilindro interno. Recientemente, Flynn y Watson [38] utilizaron un método de los cilindros concéntricos para medir la conductividad térmica a alta temperatura del suelo.

(IV) METODO DE LA PLACA DE SENARMONT. De Senarmont [39-43] en 1847-1848 utilizó un flujo de calor radial en placa para determinar la anisotropía de la conductividad térmica de las sustancias cristalinas. Sin embargo, este método no da valores absolutos de la conductividad térmica, y, además, se debe evitar la pérdida de calor axial.

En su método, una placa delgada de la muestra fue recubierta con una fina capa delgada de cera blanca, se aplico calor en un punto central por medio de un tubo fino de plata y el calor se produce en un punto central por medio de un tubo caliente. La cera derretida en la región donde el calor se suministra y la línea de delimitación de la cera derretida es la isoterma visible, la forma de lo que indica la variación de la conductividad térmica en las diferentes direcciones.

Si la sustancia es isótropa, la curva de delimitación de la cera derretida es un círculo, mientras que para las sustancias anisótropas, esta curva es elíptica. En tal caso, la relación entre el k_a y conductividad térmica y k_b a lo largo de los dos ejes a y b de la elipse está dada por la expresión

$$\frac{k_a}{k_b} = \left(\frac{a}{b}\right)^2 \tag{2.4}$$

Powell [44] ha modificado el método en su prueba sencilla para los materiales anisotrópicos. En las pruebas de galio, que enfrió un trozo de cristal a nivel local por medio de una pieza de dióxido de carbono sólido y observó los contornos del rocío y las zonas heladas que se formó alrededor de la zona fría. Para las pruebas de grafito, siguió el método original de

Senarmont, pero la superficie de la placa, estaba cubierto de escarcha por preenfriamiento en lugar de ser recubierto con cera.

1.1.1.2. METODOS COMPARATIVOS

(I) METODO DEL CILINDRO CONCENTRICO. Este método se ha utilizado para las mediciones en algunos materiales especiales como los que son radiactivos o reactivos [45-47], y no para los materiales ordinarios, ya que no tiene gran ventaja sobre el método absoluto. Un aparato típico de este tipo consiste en una muestra cilíndrica que está rodeado por una muestra de referencia concéntrica cilíndrica de conductividad térmica conocida. Un agujero coaxial central en la muestra contiene una fuente de calor, que produce calor que fluye radialmente a través de la muestra y de la muestra de referencia. La ventaja de utilizar este método para la medición de materiales radiactivos o reactivos es que la muestra de referencia que encierra la muestra sirve también como medio de contención. La conductividad térmica se determina a partir de la expresión

$$k = k_r \frac{(T_3 - T_4) \ln(r_2 / r_1)}{(T_1 - T_2) \ln(r_4 / r_3)}$$
(2.6)

donde T_1 y T_2 son las temperaturas medidas en la muestra a los radios r_1 y r_2 , respectivamente, y T_3 y T_4 en la muestra referida, a r_3 y r_4 , respectivamente.

(I) METODO DEL DISCO. Robinson [48] desarrolló un método, que él denomina el "método conductor de disco", para la medición comparativa en aislantes. Este método emplea el flujo de calor radial hacia el interior de un calentador con un disco de material conductor adecuado de referencia, que a su vez se encuentra entre dos placas circulares a una temperatura constante inferior. Sin embargo, el flujo de calor en este caso no es estrictamente radial, ya que, como el calor fluye radialmente en el disco conductor hacia el centro, fluye también desde el disco a través de las muestras frías. Como resultado, la temperatura en estado estacionario disminuye del disco hacia su centro, y la tasa de disminución depende de la conductividad térmica de los especímenes.

1.2. Estado del Arte

Los reportes sobre las propiedades térmicas en polvos de MgO con la temperatura son muy escasos en general y los estudios de su dependencia con factores tales como tamaño de grano, composición e impurezas son inexistentes en la literatura. Esto puede deberse a que la importancia y gran diversidad de aplicaciones del MgO conduce a una reserva en la información por parte de las empresas productoras y distribuidoras.

A medida que los avances en el campo de la investigación dan pasos importantes en el desarrollo de nuevas técnicas y métodos de análisis de propiedades físicas de materiales, también vemos áreas en las que este avance no es muy apreciable, los factores involucrados pueden ser varios.

En la técnica de determinación de propiedades físicas, en particular la conductividad térmica en materiales, los reportes en cuanto a conductividad térmica a altas temperaturas indican varios parámetros que se consideran pero en el caso del material como el óxido de magnesio en polvo son el tamaño de grano, la composición y pureza química entre otros. Pero los reportes encontrados en esta área de estudio indican aspectos a considerar.

Se reportan conductividades térmicas de MgO a altas presiones, donde hacen una primera predicción no-empírica de la conductividad térmica del enrejado de MgO, determinado mediante dinámica molecular (MD). Los resultados se presentan a baja presión en función de la temperatura, y para 2500k para las presiones a 290 GPa [49].

La conductividad térmica del policristalino MgO se ha medido en el rango de temperatura de 400k a 1300k utilizando una versión modificada del diseño de la placa caliente cubierta usando tres diferentes espesores de muestras con 93% de los teóricos probados para comprobar el funcionamiento, precisión y reproductividad del equipo[50].

La conductividad térmica de la capa más inferior determina la velocidad a la cual el calor fluye a través del núcleo y el manto limite, y por lo tanto juega un papel central en la evolución térmica del manto de ambos, así como el núcleo. En un esfuerzo para probar y mejorar las estimaciones del modelo de la conductividad térmica en el manto profundo, llevaron a cabo los primeros cálculos con principios de la conductividad del enrejado de periclasa MgO, usando el método Peierls-Boltzman la ecuación de transporte a través de una combinación de principios de dinámica molecular y del enrejado [51].

Taylor encontró que la conductividad térmica, k_t , carburos metálicos de la transición y nitruros aumenta al aumentar la temperatura, T, a altas temperaturas. Este comportamiento es diferente de la de los metales, para el que k_t , es aproximadamente independiente de T, tal como señaló Taylor. Se propone que los defectos causan la conductividad térmica de electrones de los carburos y nitruros de aumentar con el aumento de T. Esta tendencia se acentúa por la dispersión polar. La dispersión de fonones por defectos y por los electrones de conducción se reduce la conductividad del enrejado, k_p , y disminuye su dependencia de la temperatura, que es en el sentido opuesto al de la $k_{de \ correo}$. Por lo tanto la suma $k_t = k_p + k_{electrónico}$ está controlada por $k_{electrónico}$ y aumenta con el aumento de T. n de nuevos mecanismos de conducción térmica se requieren para explicar los resultados experimentales [52].

También se reportan conductividades térmicas del enrejado de MgO, mediante el uso de una técnica numérica que combina los principios de la primera teoría de la estructura electrónica y la teoría Peierls-Boltzman de transporte, anteriormente utilizada para estimar la conductividad térmica de la tierra, en condiciones de ambiente a la frontera entre el núcleo y el manto (CMB). Se demuestra que la técnica de estos primeros principios proporciona un modelo realista de la dependencia P-T de la conductividad térmica del enrejado del MgO en las condiciones del ambiente para el CMB, y proponen los perfiles de conductividad térmica de MgO en el manto inferior sobre la base de modelos geoterma. El aumento de la conductividad calculada a partir de 15-20 W/km en la discontinuidad sísmica de 670 km a 40-50 W/km en el CMB [53].

Se presenta un método por el que la conductividad térmica del enrejado se puede calcular a partir de primeros principios utilizando el sistema de tamaños pequeños y los tiempos de simulación. El método utiliza la relación de la conductividad térmica de una cinética de los gases, con tiempos de vida de fonones y frecuencias determinadas por la combinación de primeros principios de equilibrio de dinámica molecular y la primera red dinámica de principios. Para ilustrar el método, la conductividad del enrejado se calcula para periclasa MgO. Para los vectores de onda individuales y modos de vibración, vida fonón en periclasa se encuentran a ser inversamente proporcional a la temperatura, con los modos de vida más corta que la óptica modos acústicos, lo que constituye ~5% de la conductividad del enrejado. Los valores de conductividad térmica computarizada muestran una excelente concordancia con las mediciones experimentales, y sugieren que la contribución de radiación para el transporte térmico en periclasa comienza a jugar un papel por encima de ~ 1500 K [54].

Se reportan mediciones de conductividad térmica (*K*) de polvos de óxidos de magnesio (MgO) en un rango de temperaturas (*T*) de 250 a 1000 °C para muestras con tamaños de grano en tres rangos diferentes. Para esto implementamos una versión mejorada de la técnica de flujo de calor radial en estado estacionario de la norma ASTM2858-90. La mejora radica en la automatización de las mediciones para las temperaturas, lo cual permite disminuir significativamente el amplio margen de error. Nuestros resultados muestran un notable incremento lineal de *K* con *T* en cada caso, hasta del 200% cuando *T* pasa de 259 a 1012 °C. A una temperatura fija, *K* difiere significativamente entre cada muestra, hasta en un 100%, de manera que *K* aumenta con la disminución del tamaño de grano e inversamente [55].

Se presenta un cálculo reciente de primeros principios de la dinámica del entramado armónico y anarmónico de MgO. La orden del 2° orden armónico y tercera anarmónica términos de interacción interatómica se calculan de forma explícita, y sus dependencias de presión se discuten. Las implicaciones para la conductividad térmica del enrejado a alta presión se discuten sobre la base de una teoría cinética de transporte sencillo [56].

1.3. Planteamiento del Problema

El MgO es uno de los más importantes productos del magnesio usado a nivel industrial. México es uno de los mayores productores de MgO; los estados de Nuevo León y Coahuila, poseen grandes depósitos de dolomita de alta pureza, de la cual se obtiene el MgO por procesos de calcinación.

Debido a su pobre conductividad eléctrica y buena conductividad térmica a altas temperaturas el MgO en polvo es utilizado ampliamente por los fabricantes de resistencias eléctricas, siendo su aplicación principal el calentamiento de líquidos. En cada aplicación industrial el MgO en polvo requiere características específicas, los parámetros críticos son: tamaño de partícula, densidad, actividad y pureza química.

Por lo anterior, es necesario contribuir al conocimiento sobre los factores que intervienen en las características térmicas de los polvos de MgO para la optimización de los productos de acuerdo a las aplicaciones particulares.

1.4. Objetivo General

Estudio del efecto del tamaño de grano e impurezas en la conductividad térmica a alta temperatura de polvos de MgO para aplicaciones en dispositivos disipadores de calor.

1.5. Objetivos Particulares

- Determinación de la conductividad térmica para temperaturas de 100 a 860 °C con el Sistema de Flujo de Calor Radial para polvos de MgO grado eléctrico.
- Estudio de la dependencia de la conductividad térmica con la distribución de tamaño de grano.
- Estudios del efecto de impurezas en la conductividad térmica de polvos de MgO.
- Optimización de la metodología de medición de la conductividad térmica con el SFCR a alta temperaturas para proporcionar servicios de calidad en la industria.

1.6. Descripción del Trabajo de tesis

Este trabajo se divide en cuatro capítulos, los cuales se estructuran de la siguiente manera:

El capítulo uno trata sobre la presente introducción. En el capítulo dos se refiere al Marco Teórico en el cual se presentan los conceptos útiles para el desarrollo de los siguientes capítulos.

El Capítulo 3 presenta las contribuciones originales de este trabajo sobre el efecto de la distribución del tamaño de grano e impurezas en la conductividad térmica en polvos de MgO a alta temperatura.

En el capítulo 4 se proporcionan las conclusiones y las perspectivas.

Finalmente, el apéndice A proporciona un resumen de las principales características de los materiales que utiliza la técnica de flujo de calor radial, como son el Ni-Cr 80/20, el Incoloy, así como de los termopares.

REFERENCIAS:

- Franklin, B., "Meteorological Observation" (written in reply to Cadwallader Colden, Nov. 19, 1753 and read at the Royal Society of London, Nov. 4, 1756), in *The Writings of Benjamin Franklin* (Smyth, A. H., ed.), Vol. III (1750-59), The Macmillan Co., New York, 186-8, 1905.
- Fordyce, G., "An Account of an Experiment on Heat," *Phil. Trans. Roy. Soc. (London)*, **77**, 310-7. 1787.
- 3. Ingen-Hausz, J., "On Metals as Conductors of Heat," J. de physique, **34**, 68, 380, 1789.
- 4. Despretz, C., "On the conductivity of several Solid Substances." An. Chim. Phys., **19**, 97-106, 1822.
- 5. Wiedemann, G. and Franz, R., "The Thermal Conductivity of Metals," *Ann. Physik*, **89**, 497-531, 1853.
- Forbes, J. D., "On the progress of Experiments on the conduction of Heat, Undertaken at the Meeting of the British Association at Edinburgh, in 1850," *Brit. Assoc. Adv. Sci.*, Rept. Ann. Meeting, **21**, 7-8, 1851.
- Forbes, J. D., "On experiments on the Laws of the conduction of Heat," *Brit. Assoc. Adv. Sci.,* Rept. Ann. Meeting, 22, 260-1, 1852.
- 8. Forbes, J. D., "Experimental Inquiry into the Laws of the conduction of Heat in Bars, and into the Conducting Power of Wrought Iron," *Trans. Roy. Soc. Edinburgh*, **23**, 133-46. 1864.
- Forbes, J. D., "Experimental Inquiry into the Laws of the conduction of Heat in Bars. Part II. On the conductivity of Wrought Iron, Deduced from the experiments of 1851," *Trans. Roy. Soc. Edinburgh*, 24, 73-110, 1865.
- 10. Ångström, A. J., "A new Method of determining the thermal conductivity of solids," *Ann. Physik, 2,* **144**, 513-30, 1861.
- McElroy, D. L. and Moore, J. P., "Radial Heat Flow Methods for the Measurement of the thermal conductivity of solids," in *Thermal conductivity* (Tye, R.P., ed.), Vol. 1, Chap 4, Academic Press, London, 185-239, 1969.
- Callendar, H. L. and Nicolson, J. T., Experiments on the Condensation of Steam. Part I. A New Apparatus for Studying the Rate of condensation of Steam on a Metal Surface at Different Temperatures and Pressures," *Brit. Assoc. Adv. Sci., Rept. Ann. Meeting*, 418-22, 1897.

- Niven, C., "On a Method of Finding the conductivity for Heat," *Proc. Roy. Soc.* (London),
 A76, 34-48, 1905.
- 14. Andrews, T., Proc. Roy. Irish Acad., 1, 465, 1840.
- 15. Schleiermacher, A., "On the Heat Conduction in Gases," *Ann. Physik chemie*, **34**(8a), 623-46, 1888.
- 16. Kannuluik, W. G. and Martin, L. H., "Conduction of Heat in Powders," *Proc. Roy. Soc.*, A141, 144-58, 1933.
- 17. Kingery, W. D., "Thermal Conductivity. VI. Determination of Conductivity of Al2O3 by Spherical Envelope and Cylinder Methods," *J. Am. Ceram. Soc.*, **37**, 88-90, 1954.
- Feith, A. D., "A Radial Heat Flow Apparatus for High-Temperature Thermal Conductivity Measurements," USAEC Rept. GEMP-296, 1-29, 1964.
- Glassbrenner, C. J. and Slack, G. A., "Thermal conductivity of Silicon and Germanium from 3K to the Melting Point," *Phys. Rev.*, **134**(4A), A1058-69, 1964.
- Banaev, A. M. and Chekhovskoi, V. Ya., "Experimental Determination of the Coefficient of thermal Conductivity of Solid Materialin the temperature range 200-1000 C," *Teplofiz. Vysokikh temperature*, 3(1), 57-63, 1965; English translation: *High Temperature*, 3(1), 47-52, 1965.
- Powell, R. W., "Further Measurements of the thermal and Electrical Conductivity of Iron at High Temperatures," *Proc. Phys. Soc. (London)*, **51**, 407-18, 1939.
- Powell, R. W. and Hickman, M. J., "The Physical Properties of a series of Steels. Part II. Section IIIc. Thermal Conductivity of a 0.8 percent Carbon Steel (Steel 7)," *J. Iron Steel Inst.* (London), **154**, 112-21, 1946.
- Rasor, N. S. and McClelland, J. D., "Thermal Properties of Materials. Part I. Properties of Graphite, Molybdenum, and Tantalum to their Destruction Temperatures," WADC Tech. Rept. 56-400 Pt I, 1-53. 1957. [AD 118 114]
- 24. Rasor, N. S. and McClelland, J. D., "Thermal Property Measurements at Very High Temperatures," *Rev. Sci. Instr.*, **31**(6), 595-604, 1960.
- 25. McElroy, D. L., Godfrey, T. G., and kollie, T. G., "The Thermal Conductivity of INOR-8 between 100 and 800C," *Trans. Am. Soc. Metals*, **55**(3), 749-51, 1962.
- Fulkerson, W., Moore, J. P., and McElroy, D. L., "Comparison of the thermal Conductivity, Electrical Resistivity, and Seebeck Coefficient of a High-Purity Iron and an Armco Iron to 1000 C," J. Appl. Phys., 37(7), 2639-53,1966.

- Hoch, M., Nitti, D. A., Gottschlich, C. F., and Blackburn, P. E., "New Method for the Determination of thermal Conductivities between 1000 C and 3000C," in *Progress in International Research on thermodynamic and Transport Properties* (Masi, J. F. and Tsai, D. H., eds.), ASME Second Symposium on Thermophysical Properties, Academic Press, New York, 512-8, 1962.
- 28. Vardi, J. and Lemlich, R., "Theoretical Approach to a Technique for Measuring Thermal Conductivity at High Temperature," to be published in *J. Appl. Phys* in 1968.
- 29. Laws, F. A., Bishop, F. L., and McJunkin, P., "A Method of Determining Thermal Conductivity," *Proc. Am. Acad. Arts Sci.*, **41**(22), 455-64, 1906.
- Adams, M. and Loeb, A. L., "Thermal Conductivity: II. Development of a thermal Conductivity Expression for the Special Case of Prolate Spheroids," J. Am. Ceram. Soc., 37(2), 73-4, 1954.
- Adams, M., "Thermal Conductivity: III. Prolate Spheroidal Envelope Method; Data for Al2O3, BeO, MgO, ThO2, and ZrO2," J. Am. Ceram. Soc., 37(2), 74-9, 1954.
- McQuarrie, M., "Thermal Conductivity: V. High Temperature Method and Results for Aluminia, Magnesia, and Beryllia from 1000 to 1800 C," J. Am. Ceram. Soc., 37(2), p. 84, 1954.
- 33. Péclet, E., *Traité de la Chaleur*, Vol. I, Paris, 1860.
- Nusselt, W., "Thermal Conductivity of Thermal Insulators," VDI Zeitschrift, 52(23), 906-12, 1908.
- 35. "Design Aspects of Plant for Production of Heavy Water by Distillation of Hydrogen," USAEC Rep. NYO-2134, 1957.
- Stefan, J., "Investigations on the thermal Conductivity of Gases," Sitzber Akad-Wiss. Wien. Math-Naturw., K1. IIA, 65, 45-69, 1872.
- 37. Kropschot, R. H., Schrodt, J. E., Fulk, M. M., and Hunter, D. J., "Multiple-Layer Insulation," in *Advances in Cryogenic Engineering*, Vol. 5, Plenum Press, 189-97, 1960.
- Flynn, D. R. and Watson, T. W., "High Temperature Thermal Conductivity of Solids," in *Thermal Conductivity –Proceedings of the 8th conference* (Ho, C. Y and Taylor, R. E. eds.), Plenum Press, New York, 913-39, 1969.
- de Sénarmont, H., "Memoir on the Conductivity of Crystalline Substance for Heat," Ann. Chin. Phys., 3, 21, 457-70, 1847.

- 40. de Sénarmont, H., "Memoir on the Conductivity of Crystalline Substance for Heat," *Compt. Rend.,* 2, **25**, 459-61, 1847.
- 41. de Sénarmont, H., "Memoir on the Conductivity of Crystalline Substance for Heat," Ann. Chem. Phys., 3, **22**, 179-211, 1848.
- 42. de Sénarmont, H., "Experiments on the Effects of Mechanical Agents on the Thermal Conductivity of Homogeneous Solids," *Ann. Chin. Phys.*, 3, **23**, 257-67, 1848.
- 43. de Sénarmont, H., "Thermal Conductivity in Crystallized Substances," Ann. Physik, **73**, 191-2, 1848.
- 44. Powell, R. W., "A Simple Test for Anisotropic Materials," J. Sci. Instr., 30, 210-1953.
- 45. Cohen, I., Lustman, B., and Eichenberg, J. D., "Measurement of the Thermal Conductivity of Metal-Clad Uranium Oxide during Irradiation," *J. Nuclear Materials*, **3**(3), 331-53, 1961.
- Dumas, J. P., Mansard, B., and Rausset, P., "Uranium Monocarbide Shaping and Irradiation Study. *Final United States – Euratom Joint Research and Development Program Rept*. EURAEC-1179, 1-110, 1964. [English translation of the original French Report.]
- 47. Clough, D. J. and Sayers, J. B., "The Measurement of the Thermal Conductivity of UO2 under Irradiation in the Temperature Range 150-1600 C," UKAEA Rept. AERE-R-4690, 1-55, 1964.
- 48. Robinson, H. E., "The conductive-Disk Method of Measuring the Thermal Conductivity of Insulations," *Bull. Intl. Inst. Refrig. Annexe* 1962-1, 43-50, 1962.
- Ronald. E. Cohen. Thermal Conductivity of MgO at High Pressures. Rev High Pressure Sci Technol 7:160-162. 1998.
- 50. A. J. Slifka, B. J. Filla, and J. M. Phleps. Thermal conductivity of Magnesium Oxide from Absolute, Steady-State Measurements. Journal of Research of the National Institute of Standards and Technology. Vol. 103, Num 4, Jul-Ago, **1998**.
- 51. N. de koker. Thermal conductivity of MgO periclase at high pressure: Implica for the D" region. Earth and Planetary Science Letters 292, 392-398. **2010**.
- W. S. Willams. High-Temperature Thermal Conductivity of Transition Metal Carbides and Nitrides. Journal of the American Ceramic Society. Vol. 49, Issue 3, pages 156-159, march 1966.
- 53. Xiaoli Tang and jianjun Dong. Lattice Thermal Conductivity of MgO at conditions of Earth's interior. PNAS, vol. 107, No. 10, 4539-4543, March 9, 2010.

- 54. N. de Koker. Thermal Conductivity of MgO Periclase from Equilibrium First Principles Molecular Dynamics. Phys. Rev. Lett. Vol. 103, Issue 12, **2009**.
- 55. Gabriel Peña Rodríguez, Tesis de Doctorado, *Microestructura y caracterización térmica en sólidos y polvos de interés industrial*, CICATA-IPN, México D.F. Agosto de **2003.**
- 56. Tang XL, Dong JJ. Pressure Dependence of Harmonic and Anharmonic lattice dynamics in MgO: A first-principles calculation and implications for lattice thermal conductivity. Phys Earth Planet Inter 174:33-38, 2009.

CAPITULO 2

MARCO TEORICO

2.1. INTRODUCCION

Las soluciones de la Ley de Fourier en su formulación diferencial, empleando las condiciones de frontera adecuadas, permite resolver el problema de conducción de calor unidimensional y estacionario para geometrías planas, cilíndricas y esféricas.

Conocidas estas soluciones, pueden usarse dispositivos basados en alguna de las geometrías para determinar el coeficiente de conductividad térmica del medio que se requiera. Para ello, deberá tenerse la precaución de estar bajo un régimen de conducción estacionaria y unidimensional, lo cual en algunos casos constituye una aproximación a la realidad física, como se verá más adelante.

Cuando sólidos, gases y fluidos van a ser calentados por energía eléctrica, el proceso es generalmente llevado a cabo por medio de la conducción. Sólo es posible transmitir calor rápidamente por conducción si el productor de calor (resistencia) está en contacto directo con el receptor del calor (cualquier sólido, gas o fluido).

Cuando el calentamiento es llevado a cabo las moléculas se expanden y se mueven más rápido, produciendo una distribución de calor hacia la parte más fría hasta que sus temperaturas aumenten. Si en el caso de que la resistencia no está en contacto directo con la resistencia, entonces la transmisión de calor por conducción no ocurrirá. Las moléculas de aire no pueden transmitir la energía calorífica requerida para calentar el molde y el calor no será distribuido.

2.2. TRANSFERENCIA DE CALOR POR CONDUCCION

La transmisión de calor por conducción puede realizarse en cualquiera de los tres estados de la materia: sólido, líquido y gaseoso.

Para explicar el mecanismo físico de la conducción, pensemos en un gas en el que existe un gradiente de temperatura y no hay movimiento global. El gas ocupa todo el espacio entre las dos superficies como se muestra en la figura 2.2. Asociamos la temperatura del gas en cualquier punto con la energía que poseen sus moléculas en las proximidades de dicho punto. Cuando las moléculas vecinas chocan entre si ocurre una transferencia de energía desde las moléculas más energéticas a las menos energéticas en presencia de un gradiente de temperatura decreciente, esto es en la dirección positiva del eje de las x.

En los líquidos la situación es muy similar que en los gases, aunque las moléculas están menos espaciadas y la interacciones son más fuertes y frecuentes.

En los sólidos la conducción se produce por cesión de energía entre partículas contiguas (vibraciones reticulares). En un sólido no conductor la transferencia de energía ocurre solamente por estas vibraciones reticulares, en cambio en los sólidos conductores se debe también al movimiento de traslación de los electrones libres.

La conducción en un medio material, goza pues de un soporte, que son sus propias moléculas y se puede decir que macroscópicamente no involucra transporte de materia.



Figura 2.1 Asociación de la transferencia de calos por conducción con la difusión de energía debida a la actividad molecular

La conducción es el único mecanismo de transmisión de calor posible en los medios sólidos opacos. Cuando en estos cuerpos existe un gradiente de temperatura en la dirección x, el calor se transmite de la región de mayor temperatura a la de menor temperatura, siendo el calor transmitido por conducción Q_k , proporcional al gradiente de temperatura dT/dx, y a la superficie A, a través de la cual se transfiere, esto es:

$$Q_k \propto A \frac{dT}{dx}$$

en donde T es la temperatura y x la dirección del flujo de calor(no el sentido).

El flujo real de calor depende de la conductividad térmica k, que es una propiedad física del cuerpo, por lo que la ecuación anterior se puede expresar en la forma:

$$Q_k = -kA \frac{dT}{dx}$$
 Ec. 2.2

en la que si la superficie A de intercambio térmico se expresa en m^2 , la temperatura en kelvin (K), la distancia x en metros y la transmisión de calor en W, las unidades de k serán W/mK.

La ecuación 2.2 se conoce como Ley de Fourier.



Figura 2.2. Convenio de signos para la transmisión del calor por conducción

El signo menos (-) es consecuencia del segundo principio de la termodinámica, según el cual, el calor debe fluir hacia la zona de temperatura más baja (figura 2.3).

2.3. SISTEMAS RADIALES

Los sistemas cilíndricos y esféricos a menudo experimentan gradientes de temperatura sólo en la dirección radial, y por consiguiente se tratan como unidireccionales. Además bajo condiciones de estado estacionario, sin generación de calor estos sistemas se pueden analizar usando la expresión de la Ley de Fourier en las coordenadas adecuadas.

Considere el cilindro hueco de la figura 2.4, cuyas superficie externa e interna se exponen a fluidos de diferentes temperaturas. Para condiciones de estado estacionario, sin generación interna de calor la ley de Fourier en coordenadas cilíndricas se expresa como:

$$Q_r = -kA_r \frac{dT}{dr}$$
 Ec. 2.3

Siendo Q_r una constante en la dirección radial. Si consideramos también la forma del área de transferencia para esta geometría, nos queda:

$$Q_r = -k(2\pi rL)\frac{dT}{dr}$$
 Ec. 2.4

Donde $A_r = 2\pi rL$ es el área normal a la dirección de transferencia de calor.



Figura 2.3 Esquema del Sistema radial.

Escribiendo la ecuación anterior en término de integrales con las condiciones de frontera, $T(r_1) = T_{s,1} y T(r_2) = T_{s,2}$, obtenemos:

$$\frac{Q_r}{2\pi L} \int_{r_1}^{r_2} \frac{dr}{r} = -\int_{T_{s,1}}^{T_{s,2}} k dT$$
 Ec. 2.5

Si considerando k = constante y resolvemos, nos queda:

$$Q_r = 2\pi Lk \frac{(T_{s,1} - T_{s,2})}{Ln(r_1 / r_2)}$$
 Ec. 2.6

También es posible obtener la distribución de temperaturas en la dirección radial en el cilindro, esto es:

$$T(r) = \frac{\left(T_{s,1} - T_{s,2}\right)}{Ln(r_1 / r_2)} Ln\left(\frac{r}{r_2}\right) + T_{s,2}$$
 Ec.2.7

En el caso de la pared cilíndrica, la distribución de temperaturas ya no es lineal, sino logarítmica. De este resultado es evidente que la resistencia térmica para la conducción radial es de la forma:

$$R_{cond} = \frac{Ln(r_2 / r_1)}{2\pi Lk}$$
 Ec.2.8

2.4. CONDUCTIVIDAD TERMICA

La conductividad térmica k es una propiedad de los materiales que, excepto en el caso de los gases a bajas temperaturas, no es posible predecir analíticamente. La información disponible está basada en medidas experimentales.

En general, la conductividad térmica de un material varía con la temperatura, pero en muchas situaciones prácticas, si el sistema tiene una temperatura media, se puede considerar con un valor medio constante, lo que proporciona resultados bastante satisfactorios.

En la tabla 1 re relacionan los valores típicos de la conductividad térmica de algunos metales, sólidos no metálicos, líquidos y gases, que nos dan una idea del orden de magnitud con que se presenta en la práctica, mientras que en la figura 2.5, se presenta una gráfica de conductividades térmicas, entre 0 y 450 W/mK para metales y aleaciones (buenos conductores térmicos).

Material	k (W/mK), a 300 K		
Cobre	386		
Aluminio	204		
Vidrio	0.75		
Plástico	0.2-0.3		
Agua	0.6		
Aceite de motores	0.15		
Freón (líquido)	0.07		
Aire	0.026		

Tabla 2.1. Conductividad térmica de algunos materiales

En la figura 2.6, se muestra que el rango de conductividades térmicas para algunos gases y líquidos es entre 0 y 0.8 W/mK , observándose la gran diferencia existente entre sus coeficientes de conductividad k.



En los materiales conductores el mecanismo de la transmisión de calor por conducción está asociado a las vibraciones de la estructura reticular y al movimiento de los electrones libres (metales y aleaciones), al igual que en los conductores eléctricos, por lo que materiales buenos conductores de la electricidad son también, en general, buenos conductores del calor, (cobre, plata, aluminio, etc.).

Los aislantes térmicos (vidrio, plásticos, etc.) que requieren de una estructura porosa y un gas atrapado en la misma, son también buenos aislantes eléctricos. En estos materiales, la transferencia de calor puede tener lugar de diversas formas:

- a) Conducción a través de la estructura sólida porosa o fibrosa
- b) Conducción y/o convección a través del aire atrapado en los espacios vacíos
c) Radiación entre porciones de la estructura sólida, la cual es especialmente importante a temperaturas elevadas o en recintos vacíos.

Se han desarrollado materiales superaislantes para aplicaciones criogénicas, que constan de varias capas de materiales altamente reflectantes separados por espacios vacíos, que minimizan la conducción y la convección, alcanzándose conductividades térmicas del orden de 0.02 W/mK.

En muchos materiales el valor de k no es constante, sino que varía con la temperatura y con la composición química de los mismos. Cuando sólo depende de la temperatura, se puede poner el valor de k de la forma:

$$k = k(T) = k_0(1 + \beta T)$$
 Ec. 2.9

Siendo k_0 el valor de la conductividad a la temperatura de referencia, y β una constante (coeficiente de dilatación). En tal caso la integración de la ecuación de Fourier proporciona:

$$Q_{k} = \int_{r_{1}}^{r_{2}} Ak_{0} (1 + \beta T) dT = \frac{k_{0}A}{L} \left\{ T_{1} - T_{2} + \frac{\beta}{2} (T_{1}^{2} - T_{2}^{2}) \right\} = \frac{k_{m}A}{L} (T_{1} - T_{2})$$
 Ec. 2.10

En la que k_m es el valor de k a la temperatura $(T_1+T_2)/2$.

2.5. RESISTENCIA DE CONTACTO

Cuando superficies a distintas temperaturas se ponen en contacto, aparece una resistencia térmica en la interface de los sólidos, que se conoce como resistencia de contacto, y que se desarrolla cuando los dos materiales no ajustan exactamente, por lo que entre ambos puede quedar atrapado una delgada capa de fluido. Una vista ampliada del contacto entre las dos superficies mostraría que los sólidos se tocan sólo en picos superficiales, mientras que los huecos estarían ocupados por un fluido, o el vacío. La resistencia de la interface depende de:

- La rugosidad superficial
- La presión que mantiene en contacto las dos superficies
- Del fluido de la interface
- De su temperatura

En la interface, el mecanismo de la transmisión del calor, y su determinación, es complejo, la conducción del calor tiene lugar a través de los puntos de contacto del sólido en forma tridimensional por cuanto el calor se transmite por las áreas de contacto a través del fluido de la interface por convección, y entre las superficies por radiación. Si el calor a través de las superficies sólidas en contacto es Q, la diferencia de temperaturas a través del fluido que separa los dos sólidos es ΔT , y la resistencia de contacto R_i se puede expresar en función de una conductancia interfacial h_i, W/m²K, se tiene:

$$Q = h_i A \Delta T_i = \frac{\Delta T_i}{R_i}$$
 Ec. 2.11

Cuando las dos superficies están en contacto térmico perfecto, la diferencia de temperaturas a través de la interface es nula, por lo que su resistencia térmica es cero. Un contacto térmico imperfecto tiene lugar cuando existe una diferencia de temperaturas en la interface. La resistencia por contacto depende de la presión con que se mantiene el contacto, y muestra un descenso notable cuando se alcanza el límite elástico de alguno de los materiales.

En los sólidos mecánicamente unidos no se suele considerar la resistencia de la interface, a pesar de que siempre está presente. Sin embargo hay que conocer la existencia de la resistencia de la interface y la diferencia de temperaturas resultante a través de la misma. En superficies rugosas y bajas presiones de unión, la caída de temperatura a través de la interface puede ser importante, incluso dominante, y hay que tenerla en cuenta. La problemática de la resistencia de la interface es compleja y no existe ninguna teoría, o base de datos empíricos, que la describa exactamente para situaciones de interés industrial.

Interface	h _i W/(m²K)
Cerámica – cerámica	500-3000
Cerámica – metal	1500-8500
Grafito – metal	3000-6000
Acero inoxidable – acero inoxidable	1700-3700
Aluminio – aluminio	2200-12000
Acero inoxidable – aluminio	3000-4500
Cobre – cobre	10000-25000
Hierro – aluminio	4000-40000

Tabla 2.2 Conductancias interfaciales de algunos materiales a presiones moderadas

2.6. EFECTO JOULE

Toda resistencia eléctrica libera calor cuando una corriente eléctrica circula a través de ella, esto se debe a que parte de la energía cinética de los electrones se transforma en calor debido a los choques que sufren con los átomos del material del conductor por el que circulan, elevando la temperatura del mismo. Esta conversión de energía eléctrica es conocida como Efecto Joule.

2.6.1. CAUSAS DEL FENOMENO

Los sólidos tienen generalmente una estructura cristalina, ocupando los átomos o moléculas los vértices de las celdas unitarias, y a veces también el centro de la celda o de sus caras. Cuando el cristal es sometido a una diferencia de potencial, los electrones son impulsados por el campo eléctrico a través del sólido debiendo en su recorrido atravesar la intrincada red de átomos que lo forma. En su camino, los electrones chocan con estos átomos perdiendo parte de su energía cinética, que es cedida en forma de calor.

La ley de Joule establece que la potencia P o rapidez con que se disipa la energía eléctrica en forma de calor en el resistor está dado por P = dW/dt =VI, siendo V la caída de potencial en la resistencia, I la corriente que circula por ella. La energía eléctrica cedida durante el tiempo t es:

$$W = \int P dt = VI(t_f - t_i)$$
 Ec. 2.12

Este efecto también fue definido de la siguiente manera: "La cantidad de energía calorífica producida por una corriente eléctrica, depende directamente del cuadrado de la intensidad de la corriente, del tiempo que ésta circula por el conductor y de la resistencia que opone el mismo al paso de la corriente". Matemáticamente se expresa como:

$$Q = I^2 \cdot R \cdot t$$
 Ec. 2.13

~

Microscópicamente el efecto Joule se calcula a través de la integral de volumen del campo eléctrico E por la densidad de corriente J:

$$P = \iiint_{V} \vec{J} \cdot \vec{E} dV$$
 Ec. 2.14

La resistencia es el componente que transforma la energía eléctrica en energía calorífica, (por ejemplo un hornillo eléctrico, una estufa eléctrica, una plancha, etc.).

Mediante la ley de Joule podemos determinar la cantidad de calor que es capaz de entregar una resistencia, esta cantidad de calor dependerá de la intensidad de corriente que por ella circule, del valor de la resistencia eléctrica y de la cantidad de tiempo que esté conectada, luego podemos enunciar la ley de Joule diciendo que la cantidad de calor desprendido por una resistencia es directamente proporcional al cuadrado de la intensidad de corriente al valor la resistencia y al tiempo.

CAPITULO 3

EFECTO DE LA DISTRIBUCION DEL TAMAÑO DE GRANO E IMPUREZAS EN LA CONDUCTIVIDAD TÉRMICA EN POLVOS DE MgO A ALTA TEMPERATURA

3.1. Introducción

Este capítulo constituye la parte más importante y es la aportación original de este trabajo de tesis. Se reporta la determinación experimental de la conductividad térmica *K* para altas temperaturas (100 a 990 °C) en muestras de polvo de óxido de magnesio grado eléctrico. Asimismo, se estudia la dependencia de *K* y su rapidez de variación con *T* en función del tamaño de grano de las muestras. Para esto se utilizan diferentes distribuciones de tamaño de grano que van desde 53 μ m a valores por encima de las 210 μ m. Además, se utilizan dos grupos de muestras con diferente concentración de impurezas para estudiar el efecto de las mismas en *K* y su rapidez de variación con *T*. Como complemento se realiza un estudio de composición en cada muestra mediante EDS y DRX.

La técnica utilizada en la determinación de *K* se denomina *técnica de flujo de calor radial en estado estacionario* y ha sido implementada en los laboratorios de CICATA Legaria de acuerdo a la norma de la American Society for testing and Materials (ASTM) 2858-90.

3.2. Sistema de Flujo de Calor Radial en Estado Estacionario ASTM 2858-70 (90)

Esquema experimental

Las figuras 3.1 y 3.2 muestran el sistema de medición. Este consta de un varilla de calentamiento de NiCr (longitud: 496 mm , diámetro 4 mm.) colocada en forma horizontal y centrada en el interior del tubo de incoloy 800 el cual a su vez se encuentra en el interior de un cilindro de material aislante térmico (longitud: 400 mm, diámetro: 150 mm) para asegurar que las mediciones se realicen en condiciones aproximadamente estacionarias y a su vez proteger el sistema, los extremos de la varilla de NiCr están sujetos con gruesos y seguros bornes de Cu los cuales incluyen entradas para sujetar los cables del No. 4 (4 mm²) para alta corriente. La figura 3.3 muestra el esquema de conexión eléctrica del Sistema de Flujo de Calor Radial (SFCR).



Figura 3.1. Esquema de medición: 1.Tubo hueco (incoloy 800), 2. Varilla resistiva (NiCr 80-20), 3. Tapones cerámicos, 4. Muestra, 5. Termómetro, 6.Termopares tipo K, 7. Conductor, 8.Fuente variable (7V-300amp), 9.PC



Figura 3.2. Fotografía del Sistema de Flujo de Calor Radial ASTM 2858-70(90)

Principio de Operación

Se colocan termopares tipo K en la superficie del incoloy 800 y en la superficie de la resistencia NiCr los cuales están ubicados en la parte central del sistema, estos termopares están conectados a un termómetro que registra las temperaturas.

Mediante un reóstato se varía el paso de corriente que fluye por la resistencia de NiCr 80-20, y por efecto Joule se genera calor que se transmite a través de la muestra llegando al tubo de incoloy 800.





Una vez alcanzada la temperatura máxima de la serie de mediciones, generalmente alrededor de 860 °C, se toma el tiempo para estabilización y se disminuye el paso de

corriente para que la temperatura decrezca. Estabilizando en intervalos de 50°C, se miden ambas temperaturas, en la resistencia y en el incoloy, y mediante un amperímetro de Gancho y un voltímetro se registran el valor de la corriente y de la diferencia de potencial, respectivamente.

Cabe recalcar que la operación del sistema desde su puesta en marcha hasta finalizar todas las lecturas se lleva a cabo en un tiempo aproximado de 15 hrs.

Después, se procede a tomar los datos manualmente y se registran los valores de voltaje V y corriente I, que son suministrados a la resistencia por la fuente, las cuales se miden con el amperímetro digital de gancho (PROAM-MUL-100) y el voltímetro digital (PROAM-MUL-280), respectivamente.

Este proceso se realiza repetidamente haciendo un barrido de mayor a menor temperatura, una vez terminado el proceso anterior, mediante un vernier tipo "CM" se miden los diámetros tanto del tubo cilíndrico (d), como de la resistencia de NiCr (d₁) y la longitud L del tubo cilíndrico ocupada por la muestra con una regla.

Modelo teórico

Aplicando coordenadas cilíndricas en la configuración que se muestra en la figura 3.4, el flujo a través de un elemento de área dA de la superficie cilíndrica en la dirección radial está dada por [11]:

$$dQ = -2\pi L K \frac{dT}{dr} \tag{1}$$

Donde L es la longitud del cilindro de radio r, y K es la conductividad térmica del medio a la temperatura T.

Las mediciones de K se realizan en condiciones estacionarias, además se considera que para cada medición el rango de variación de T es limitado, de esta manera consideramos

que la conductividad térmica K varía linealmente con respecto a la temperatura T de acuerdo a [12]:

$$k = k_a + \beta (T - T_a) \tag{2}$$

Donde K_a = es la conductividad térmica a una temperatura de referencia T_a y β es una constante de proporcionalidad.

Tomando las ecuaciones (A) y (B) después de in integrar se obtiene:

$$QLn[d/d_1] = 2\pi L[T_1 - T] \{K_a + \beta[(T_1 + T)/2 - T_a]\}$$
(3)

La expresión entre llaves representa la conductividad térmica Km a la temperatura promedio (T1+T)/2. Tomando en cuenta que la potencia promedio suministrada por la fuente a la resistencia se disipa como calor por efecto joule, entonces el flujo de calor Q puede ser considerado como la potencia promedio, que para el caso de corriente alterna está dado por:

$$Q = \overline{P} = VI / 2 \tag{4}$$

Donde I y V corresponden a la intensidad de corriente y al voltaje medidos experimentalmente, respectivamente. Sustituyendo (4) en (3) y ordenando, se obtiene:

$$K_m = \frac{VILn[d/d_1]}{4\pi L(T_1 - T)}$$
(5)

En el cálculo de la conductividad térmica se presentan errores debido a efectos de borde en el cascarón cilíndrico, estos pueden ser despreciados si L/d > 12, y es aproximadamente un 5% si L/d >4. En base a lo mencionado, utilizamos una longitud del tubo cilíndrico de 155 mm con un diámetro interno de 11 mm teniendo una relación L/d de 14.1. El diámetro de la resistencia es de 4 mm con una longitud de 565 mm y se dispuso de termopares tipo k para los registros de temperaturas tanto en la superficie del incoloy 800 como en la resistencia de NiCr 80-20 sujetados por una abrazadera.



Figura 3.4 Configuración de cilindros concéntricos, usada en el modelo teórico, d₁ diámetro de la resistencia y L longitud del tubo.

3.3. Procedimiento Experimental

Separación de Muestras por Tamizado

Las muestras proceden de la marca comercial Muscle Shoald Minerals Inc. utilizadas para dispositivos disipadores de calor. Se procedió a separar muestras con diferentes tamaños de grano mediante el método de tamizado utilizando tamices de la marca U.S. Standar Sieve.

La Tabla 3.1 resume el grupo M1 de muestras obtenidas para cada rango de tamizado y la Tabla 3.2 al grupo M2 con una composición de impurezas diferente al grupo M1.

Tabla 3.1. Tamizado de Muestras MgO Para el grupo M1										
Muestra	Tamices Tamaño de Masa Can									
		grano	gr	Medición						
		μm								
M1-A	>070	211-280	353.5	Suficiente						
M1-B	070-140	104-211	43.2	insuficiente						
M1-C	140-200	74-104	186.5	Suficiente						
M1-D	200-300	53-74	135.4	Suficiente						
M1-E	300-325	43-53	143.2	Suficiente						

Tabla 3.2. Tamizado de Muestras MgO Para el grupo M2										
Muestra	Tamices	Tamaño de	Masa	Cantidad para						
		grano	gr	Medición						
		μm								
M2-A	>070	211-280	353.5	Suficiente						
M2-B	070-140	104-211	203.2	Suficiente						
M2-C	140-200	74-104	56.5	insuficiente						
M2-D	200-300	53-74	135.4	Suficiente						
M2-E	300-325	43-53	33.2	Insuficiente						

Para cada grupo se elaboraron 5 muestras con diferente distribución de tamaño de grano. En algunos casos la cantidad de muestra obtenida no fue suficiente para llenar la celda cilíndrica de medición del SFCR, por lo cual la medición de la conductividad térmica no se pudo realizar en estas muestras. La última columna de las Tablas 3.1 y 3.2 muestra esta consideración.



Fig. 3.5. Tamices marca U.S. Estándar Sieve y maquina agitadora para separación de tamaño de grano

Preparación de celdas para medición

Mediante la norma ASTM D2772-90 se realizó el llenado de los tubos de incoloy 800 (longitud: 155 mm, diámetro: 11 mm) de forma vertical, previo bloqueo del extremo inferior con tapón cerámico y de pasta térmica cerámica. El llenado de la celda con la muestra de MgO tomo alrededor de 15 minutos y se utilizó un vibrador al introducir la muestra, de manera que facilitara la compactación y de una mayor reducción de los espacios vacíos en la celda, figura 3.6.



Figura 3.6. (a) llenado de la celda de incoloy con la muestra. (b) Dispocición de la celda en la mufla.

3.4. Resultados y Discusión

EDS-SEM

Se realizó un análisis de elementos mediante EDS-SEM en los dos grupos de muestras de las tablas 3.1 y 3.2. Las Tablas 3.3 y 3.4 resumen los resultados obtenidos.

De la Tabla 3.3 se sigue que, para el grupo de muestras M1, el oxígeno y el magnesio constituyen el material dominante, con porcentajes entre el 85.9 y el 91.4%. El carbono aparece en una cantidad apreciable que va del 7.4 al 12.8 %, en tanto que la presencia de calcio y silicio es despreciable en cantidades inferiores al 1%.

Grupo	Tamaño	0	Mg	Ca	Si	С
M1	(µm)					
M1-A	211-280	41.05	44.83	0.86	0.46	12.81
M1-C	74-104	41.69	49.74	0.74	0.41	7.42
M1-D	53-74	41.46	45.72	0.53	0.27	12.02
M1-E	43-53	41.55	47.86	0.80	0.87	7.42

Tabla. 3.3. Análisis Cuantitativo de fases para las muestras M1,

Porcentaje en peso, usando EDS-SEM

Tabla. 3.4. Análisis Cuantitativo de fases para las muestras M2,

Porcentaje en peso, usando EDS-SEM

Grupo	Tamaño	0	Mg	Al	Ca	Si	Cu	Pt	Zn	Zr	С
M2	(µm)										
M2-A	211-280	42.67	34.90	0.32	0.50	3.39	-	-	-	9.34	8.87
M2-B	104-211	42.22	42.26	0.22	0.64	1.30	-	-	-	3.16	10.10
M2-D	53-74	39.01	43.31	0.82	0.56	1.43	0.78	2.95	0.82	-	10.33

En relación al grupo de muestras M2, de la Tabla 3.4 se sigue que el oxígeno y el magnesio aparecen en porcentajes que van del 77.6 al 84.5 %, el carbono que va del 8.9 al 10.3%. El Zr aparece en un tamaño de grano arriba de 104 μ m, siendo del 3.2 para 104-2011 μ m y llegando hasta 9.34% para tamaños por encima de las 211 μ m. Caso contrario ocurre con el Pt, que aparece en concentraciones del 3%, solo para las muestras con tamaño de grano en el rango de 53 a 74 μ m. También se tiene la presencia de Si con concentraciones de 1.3 a 3.4% y cantidades despreciables de Al, Ca, Zn y Cu inferiores al 1%.

DRX

Mediante el Difractómetro de RX se realizaron mediciones y análisis de las muestras de los grupos M1 y M2 con el objetivo de determinar los compuestos y fases presentes en cada caso.

El análisis en las muestras del grupo M1 tuvo menor complicación debido a que el MgO aparece solo con una fase cristalina. Para las muestras del grupo M2 se complicó un poco el análisis ya que en principio se determinó la presencia de MgO pero en un análisis más a detalle apareció un débil corrimiento en la fase del MgO, esto debido a que el Zr (zircón) interactúa con el oxígeno y el silicio formando ZrSiO4 (silicato de zirconio) lo cual se puede apreciar en los difractogramas correspondientes a estas muestras. Cabe recalcar que el material fue adquirido y no se realizó la sinterización, el análisis de DRX se realizó antes y después de haber realizado las pruebas en el sistema de flujo de calor radial para determinar la conductividad térmica del MgO con respecto a su distribución de tamaño de partícula. Las figuras 3.7-3.10 muestran los difractogramas correspondientes.

Cabe mencionar que la fase con respecto al incremento temperatura realizado con el sistema de flujo de calor radial no originó ningún cambio en la fase original del material, ya que se alcanzaron temperaturas de 860 grados Celsius.

En el análisis de DRX es muy aconsejable contar con el análisis previo de EDS-SEM ya que el tener conocimiento de los elementos presentes en el material es de gran ayuda en la determinación de los compuestos formados en el material y haciendo uso de las cartas de difracción que tiene el software del difractómetro.



Fig.3.7. Análisis de DRX de la muestra M1 antes de las mediciones del SFCR



Fig.3.8 Análisis de DRX de la muestra M1 Después de las mediciones del SFCR



Fig.3.9. Análisis de DRX de la muestra M2 Antes de las mediciones del SFCR



Fig.3.10. Análisis de DRX de la muestra M2 Después de las mediciones del SFCR

SFCR

En la aplicación del Sistema de Flujo de Calor Radial (SFCR) las mediciones se llevaron a cabo en un régimen de estado estacionario, de acuerdo a la norma y al modelo teórico, figura 3.11. Las muestras medidas fueron las especificadas en las Tablas 3.1 y 3.2 de las que se contó con suficiente cantidad de muestra para llenar la celda y poder realizar la medición, a saber, las 7 muestras: M1a, M1c, M1d, M1e, M2a, M2b y M2d.





Figura 3.11. Sistema en funcionamiento.

En cada caso se obtuvo el valor de la conductividad térmica de la muestra en estudio para cada temperatura de trabajo, la cual tomó valores desde 800 $^{\circ}$ C, aproximadamente, hasta los 100 $^{\circ}$ C.

Conductividad Térmica vs Temperatura

Las Tablas 3.6-3.9 muestran los resultados obtenidos para las muestras M1 y en la figura 3.12 se comparan las curvas correspondientes. En todos los casos se observa un comportamiento creciente en la conductividad térmica con la temperatura que además es lineal, de acuerdo con la ecuación (2), y con una pendiente que se incrementa (en general, si consideramos el error experimental) con el reciproco del tamaño de grano. La

tabla 3.5 muestra el valor de dichas pendientes, representadas por el parámetro β , en congruencia con la ecuación (2).





Tabla 3.5 Conductividades térmicas de la Muestra M1-A con respecto a T.

T [°C]	102.1 ± 2.1	152.6 ± 2.8	203.7 ± 3.1	303.6 ± 3.4	350.6 ± 4.0	401.2 ± 3.6
kx10 ⁻³ [W/m °C]	2.1 ± 2.0	2.7 ± 2.3	3 ± 2.4	3.4 ± 2.6	3.7 ± 2.7	3.9 ± 2.7
T [°C]	449.8 ± 3.4	551 ± 4	602.1 ± 3.4	650 ± 4	703.5 ± 3.5	748.1 ± 3.7
kx10 ⁻³ [W/m °C]	4.6 ± 2.6	5.7 ± 2.8	6.1 ± 2.9	6.5 ± 2.9	7.2 ± 2.7	7.7 ± 2.8
T [°C]	799.4 ± 4.4	830.5 ± 4				
kx10 ⁻³ [W/m °C]	8.2 ± 2.8	8.5 ± 2.9				

T [°C]	103.1 ± 1.1	151.2 ± 2.1	201.5 ± 3.1	250.2 ± 3.2	303.3 ± 2.2	348.8 ± 2.3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	8.5 ± 1.5	9.4 ± 1.7	10.4 ± 1.9	10.4 ± 1.9	11 ± 2	12 ± 2
T [°C]	410 ± 2	460.1 ± 2.0	506.1 ± 2.4	548.8 ± 3.2	595.5 ± 3.4	641.6 ± 3.3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	12.5 ± 2.2	12.9 ± 2.3	13.6 ± 2.5	14 ± 3	14.6 ± 2.6	15.2 ± 2.7
T [°C]	699.5 ± 3.5	751 ± 4	804.5 ± 4.1	848.5 ± 4.1	898.4 ± 5.5	
kx10 ⁻³ [W/m °C]	15.1 ± 2.7	15.8 ± 2.9	16 ± 3	17.1 ± 3.1	18.4 ± 3.3	

Tabla 3.6 Conductividades térmicas de la Muestra M1-C con respecto a T.

Tabla 3.7 Conductividades térmicas de la Muestra M1-D con respecto a T.

T [°C]	104.8 ± 2.3	153.7 ± 3.0	201.4 ± 3.2	259 ± 3	302 ± 4	350 ± 4
kx10 ⁻³ [W/m °C]	11.1 ± 2.0	12.5 ± 2.3	13.1 ± 2.4	14.2 ± 2.6	15.7 ± 2.8	15.9 ± 2.9
Т [°С]	399 ± 3	449 ± 4	494 ± 2.4	546 ± 3.8	602 ± 3	634 ± 3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	15.6 ± 2.8	15.2 ± 2.7	15.7 ± 2.8	16.2 ± 2.9	16.8 ± 3.0	16.3 ± 2.9
Т [°С]	715 ± 4	756 ± 4	804 ± 5	858 ± 4		
kx10 ⁻³ [W/m °C]	17.1 ± 3.1	18 ± 3	18.4 ± 3.3	18.9 ± 3.4		

Tabla 3.8 Conductividades térmicas de la Muestra M1-E con respecto a T.

T [°C]	102.1 ± 1.1	157.3 ± 2.1	202.8 ± 3.1	249.2 ± 3.2	287.2 ± 2.2	340.3 ± 2.3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	25.8 ± 4.6	26.9 ± 4.8	29.9 ± 5.4	31.9 ± 5.7	33.1 ± 5.9	34.2 ± 6.2
T [°C]	401.4 ± 2.3	447 ± 2.0	498.4 ± 2.3	554.8 ± 3	596.1 ± 3.1	649 ± 3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	35.3 ± 6.4	36.3 ± 6.5	40.8 ± 7.4	43.7 ± 7.9	44.1 ± 7.9	44.8 ± 8.1
т [°С]	704.2 ± 3.5	756.1 ± 4.2	807 ± 4	857.9 ± 4.1		
kx10⁻³ [W/m °C]	46.7 ± 8.4	47.7 ± 8.6	49.2 ± 8.8	50.9 ± 9.2		

Muestra	Pendiente (β) x10 ⁻²
M1-A	0.010
M1-C	0.013
M1-D	0.011
M1-E	0.034

Tabla 3.9 Pendientes M1

Es interesante hacer la comparación de resultados para las muestras M1-A y M1-D ya que tienen aproximadamente la misma composición, de acuerdo a la Tabla 3.3, y su única diferencia es el tamaño de grano, con un valor >211 μ m para la primera y de 53-74 μ m para la segunda. De esta manera de la figura 3.12 se sigue que la muestra con menor tamaño de grano presenta una mayor conductividad térmica. Asimismo, para las muestras M1-C y M1-D se tiene el mismo resultado. La disminución del espacio entre granos resulta ser un factor mucho más importante en el incremento de K que la disminución en K debida al incremento de las fronteras de grano en el material más fino.

La tabla 3.9 muestra que la rapidez de cambio de K con T es hasta 258% más alta en las muestras finas que en las gruesas. La disminución del espacio entre granos también favorece notablemente el incremento de K con T.

Por otra parte, las Tablas 3.10-3.12 muestran los resultados obtenidos para las muestras M2 y en la figura 3.13 se comparan las curvas correspondientes. En todos los casos se observa un comportamiento lineal creciente en la conductividad térmica con la temperatura y un incremento en la pendiente β , que se muestra en la tabla 3.13



Figura 3.13 Conductividad térmica vs Temperatura de las muestras M2. M2-A(Rojo), M2-B(azul), M2-D(negro)

Tabla 3.10 Conductividades térmicas de la Muestra M2-A con respecto a T.

T [°C]	101.3 ± 1.1	148.2 ± 2.1	194.6 ± 3.1	250.8 ± 3.2	301.3 ± 2.2	350.3 ± 2.3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	4 ± 1	4 ± 1	4.2 ± 1.1	4.7 ± 1.0	5.1 ± 1.1	5.3 ± 1.2
т [°С]	401 ± 2	450.5 ± 3.3	504.8 ± 2.9	553.6 ± 3.2	601.2 ± 3.1	653.7 ± 3.3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	5.7 ± 1.1	6.2 ± 1.3	6.9 ± 1.4	7.4 ± 1.5	7.9 ± 1.6	8.4 ± 1.7
т [°С]	691.4 ± 4.1	751.4 ± 4.2	799.7 ± 3.4	832.1± 4.2	868.7 ± 3.8	
kx10 ⁻³ [W/m °C]	8.7 ± 1.6	9.4 ± 1.7	9.8 ± 1.8	10.2 ± 1.8	10.5 ± 1.9	

T [°C]	101.1 ± 1.3	150.2 ± 2.1	200.6 ± 3.1	251.3 ± 3.2	299.2 ± 2.2	353.7 ± 2.3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	7.4 ± 1.1	9.4 ± 1.4	10.6 ± 1.6	10.7 ± 1.6	11.6 ± 1.8	12.9 ± 1.9
т [°С]	400.6 ± 2.3	450.7 ± 2.0	506.3 ± 1.5	553.2 ± 1.6	598.9 ± 2.2	650.6 ± 2.2
kx10 ⁻³ [W/m °C]	14.1 ± 2.1	15.4 ± 2.3	17.7 ± 2.7	19.1 ± 2.9	22.1 ± 3.3	23.8 ± 3.6
т [°С]	698.2 ± 3.0	753.7 ± 3.4	800.7 ± 3.6	835.3 ± 3.9		
kx10 ⁻³ [W/m °C]	25.2 ± 3.8	23.2 ± 2.5	23.5 ± 3.5	23.3 ± 3.5		

Tabla 3.11 Conductividades térmicas de la Muestra M2-B con respecto a T.

Tabla 3.12 Conductividades térmicas de la Muestra M2-D con respecto a T.

T [°C]	101.3 ± 1.1	151.8 ± 2.1	197.8 ± 3.1	248.3 ± 3.2	303.4 ± 2.2	347.2 ± 2.3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	26.5 ± 4.7	28.2 ± 5.1	29.9 ± 5.4	31.9 ± 5.7	32.3 ± 5.8	33.4 ± 6.0
T [°C]	398.1 ± 2.3	444 ± 2.0	502 ± 2	548 ± 3	593 ± 3	649 ± 3
kx10 ⁻³ [W/m °C]	34.1 ± 6.2	35.4 ± 6.4	36.6 ± 6.6	36.8 ± 6.6	36.2 ± 6.5	37.2 ± 6.7
T [°C]	704 ± 4	755 ± 4	802.5 ± 3.6			
kx10 ⁻³ [W/m °C]	37.3 ± 6.7	39.7 ± 7.2	40.4 ± 7.3			

Tabla 3.13 Pendientes M2

Muestras M2	Pendientes (β) x10 ⁻²
M2-A	0.010
М2-В	0.021
M2-D	0.020

La comparación de resultados para las muestras M2, en base a la figura 3.13 y las tablas 3.10-3.12 confirman los mismos obtenidos para las muestras M1. K se incrementa significativamente con la disminución del tamaño de grano, así como su rapidez de cambio con T.

Conductividad Térmica vs Tamaño de Grano

Los resultados anteriores demuestran que aparte de la fuerte dependencia de la conductividad térmica con la temperatura, también existe una notable dependencia con el tamaño de grano d. Para esto último se consideran las figuras 3.14 y 3.15.

Los puntos experimentales de k vs d de la figura 3.14 sugieren un comportamiento en forma de una curva logística decreciente. La curva logística de Boltzmann, ecuación (6), se ajusta muy bien a los datos experimentales, donde:

 K_i representa el valor inicial de k, k_f el valor final de k, d_o es el punto de inflexión o centro de la curva y Δd es el ancho (cambio en d correspondiente al cambio más significativo en el valor de k).

$$k = k_{f} + (k_{i}-k_{f})/(1 + \exp((d-d_{0})/\Delta d))$$
(6)

La tabla 3.14 resume los resultados del ajuste de la curva logística (6) par a las cuatro muestras M1 al considerar a k_i , k_f , d_0 y Δd como parámetros de ajuste.





	100°C	300°C	500°C	700°C
k i (W/mºC)	2.7	3.3	4.1	4.9
k f (W/m⁰C)	0.2	0.3	0.5	0.7
d ₀ (μm)	80	83	80	75
Δd (μm)	8.2	8.2	8.2	10

Tabla 3.14. Resultados del ajuste logístico para K vs d de las muestras M1.

Para cualquier T, K presenta su mayor valor para el menor tamaño de grano d, y luego decrece rápidamente con d con un ancho característico Δd que va de 8.2 a 10 μ m, centrado en el punto de inflexión d_o que permanece prácticamente sin cambio entre 75 y 83 μ m.

Para las 3 muestras del grupo M2, la figura 3.15 muestra los valores de K vs d para cuatro valores de T que van de 100 a 700 °C. En este caso el comportamiento es semejante al de las muestras del grupo M1, pero con un mayor ancho característico Δd que va de 15 a 28 μ m, centrado en el punto de inflexión d_o que se desplaza desde 120 μ m, para T=100°C, hasta 163 μ m, para T=700°C. La tabla 3.15 resume los resultados del ajuste de la logística (6) a los datos experimentales de K vs d de las muestras M2.

	100°C	300°C	500°C	700°C
k _i (W/m°C)	2.8	3.5	3.8	3.7
k ₁ (W/mºC)	0.4	0.4	0.4	0.7
d₀ (µm)	120	128	146	163
Δd (μm)	20	27	28	15

Tabla 3.15. Resultados del ajuste logístico para K vs d de las muestras M2.

El incremento del ancho característico Δd hasta en un 180% y el de d_o hasta en un 96% respecto a los resultados del Grupo M1 se pueden asociar a la importante presencia de Zr en las muestras M2, tabla 3.4, que no tienen las muestras M1, tabla 3.3. Este zirconio aparece en la fase de Silicato de zirconio ZrSiO4 como se mostró en los análisis por difracción de rayos x.

Figura 3.15. K vs d para las muestras M2



CAPITULO 4: CONCLUSIONES Y PERSPECTIVAS

4.1. Conclusiones

Mediante la aplicación del sistema de flujo de calor radial en estado estacionario implementado en los laboratorios del Cicata unidad Legaria, se realizó la determinación de la conductividad térmica en muestras de oxido de magnesio grado eléctrico en polvo en función de la distribución del tamaño de grano y la temperatura desde los 100°C hasta 870°C, así como de la composición de impurezas.

Se encontró un comportamiento creciente lineal en la conductividad térmica de las muestras con la temperatura para cada distribución de tamaño de grano para el rango de temperatura estudiada, 100 - 870 °C. La rapidez de cambio de k con T se incrementa con el recíproco del tamaño de grano, de tal manera que para las muestras con menos impurezas dk/dT varía hasta en un 240% en tanto que para las muestras con mayores impurezas dk/dT varía en un 110%.

Por otra parte, se estudió la conductividad térmica de las muestras de óxido de magnesio con el tamaño de grano *d* encontrando una notable dependencia en forma de logística decreciente para cada valor de *T* fijo. La curva logística de Boltzman es la que se ajusto en la forma más aproximada a los datos experimentales de *k vs d*. Del ajuste se encontró una fuerte caída de la conductividad térmica, en todos los casos, con el incremento del tamaño de grano, hasta en un 93% para las muestras más puras y hasta un 86% para las muestras con mayores impurezas. Las muestras de mayor pureza presentaron un ancho característico de decrecimiento alrededor de 9 µm, centrado en el punto de inflexión ubicado entre 75 – 83 µm. Las muestras con mayores impurezas presentaron anchos

característicos de decrecimiento en el rango de 15 – 28 μm con centros entre 120 μm y 173 $\mu m.$

El diferente comportamiento de k para entre las muestras de mayor pureza y las de mayores impurezas se explican principalmente por la presencia de ZrSiO4 en las segundas de acuerdo a resultados de análisis elemental mediante EDS y de composición por DRX. De esta manera la concentración de impurezas influye no solo en el valor de k sino también en su rapidez de variación con T y en el perfil de decrecimiento de k con el tamaño de grano d.

4.2. Perspectivas

Un estudio más completo sobre la influencia de diferentes concentraciones de ZrSiO4 en la conductividad térmica así como, de diferentes tipos de dopantes.

La determinación de las propiedades eléctricas, como la impedancia y la conductividad eléctrica en este tipo de materiales, por su importancia en la industria, y su dependencia con la temperatura, la distribución de tamaño de grano y la concentración de impurezas.

REFERENCIAS

[1] G.D. Ladiwala, K. Bala, N. S. Savena and M.P. Saksena. Preceeding of the twety-second Internationalconferenceon thermal conductivity. Vol. 22. (Edited by Timothy W. Tong. Technomic Publishing CO. INC. Pensilvania 1994).

[2] Y. Benveniste, T. Chen, and G. J. Dvorak. J. Appl. Phys., 67, 2878-2884 (1990).

[3] D.P.H. Hasselman and K. Y. Donaldson. Proceeding of the Twenty-second. International conference on thermal conductivity. Vol. 22. (Edited by Timothy W. Tong. Technomic Publishing CO. INC. Pensilvania 1994.

[4] N. S. Saxena, P. R. Pradhan, Kanan Bala and M. P. Saksena. High Temperature-High Presures. 23, 421-429 (1991).

[5] X. O. Lu, Nilson and J. Fricke, High Temperatures-High Presures. 23, 149-155 (1991).

[6] Kanan Bala, P.R. Pradhan, N.S. Saxena and M.P. Saksena. Journal of Physics D. Applied Physics, 22, 1068-1072, (1989).

[7] Jie Luo and Ron Stevens. J. Am. Ceram. Soc, 80, 699-704 (1997)

[8] G. A. Slack and C. Glassbrenner, Phys. Rev. 120, 782 (1960).

[9] Y.S. Touloukian, Thermophysical Properties of Mather. Vol. 2, Thermal Conductivity – Nonmetallic Solids, New York – IFI/Plenum (1970)

[10] F.P. Incropera. Fundamentals of Heat and Mass Transfer, 4th ed, Jhon Wiley and Sons, 90, (1996).

[11] H.S. Carslaw and J. C. Jeaper, Conduction of Heat in Solids. Second edition, Clarendon press-Oxford, New York, 200.

APENDICE A. Propiedades del Ni-Cr 80/20, Incoloy y Termopares.

Características del resistor de NiCr 80/20.

La tabla A1 muestra las principales propiedades del resistor de Ni-Cr 80/20.

Tabla A.1. Propiedades NiCr 80/20

Peso especifico	8.3	Composición	Ni 80 Cr 20
Conductividad térmica 20°C	0.35-0.0031	Densidad g/cm ³	835
Calor especifico a 20 °C	11.3 Wm ⁻¹ °C ⁻¹	Expansión térmica	14x10 ⁻⁶ °C ⁻¹
Punto de fusión	1400 °C	Resistividad	
Temperatura máxima de	1200 °C	eléctrica	1.0x10 ⁻⁶ a 1.5x10 ⁻⁶
trabajo continuo		temperatura	Ωm
		ambiente	

Características de los metales Incoloy.

Los metales Incoloy 800, 800H y 800HT son aleaciones de hierro-niquel-cromo con una destacada resistencia a la oxidación y carburización en la exposición a altas temperaturas. Estos diferentes tipos de aleaciones de acero niquel son idénticos salvo por el mayor nivel de carbono en la aleación 800H, y la adición de hasta un 1.20 por ciento de aluminio y titanio en aleación 800HT. El Incoloy 800 fue la primera de estas aleaciones, y se modificó ligeramente para formar el incoloy 800H. Esta modificación fue el control de carbono (0.05-0.10%) y tamaño de grano para optimizar las propiedades de ruptura por tensión. Incoloy 800HT tiene más modificaciones para el titanio combinados y los niveles de aluminio (0.85-1.20%) para asegurar óptimas propiedades a altas temperaturas. Incoloy

800 se utiliza principalmente en aplicaciones con temperaturas de hasta 1100°F en donde las aleaciones 800H y 800HT se utilizan normalmente en temperaturas por encima de 1100°F, donde la resistencia a la fluencia y ruptura es necesaria. A continuación se mostrara la composición química de estas aleaciones.

Ni	Fe	Cr	Cu	Ti	AI	С	Minnesota	S	Si
30.0-	39.5	19.0-	0.75	.15	.15	0.1	1.5 max	0.015	1.0
35.0	min	23.0	max	60	60	max		max	max

Tabla 3.5 Aleación 800 (UNS N08800) Composición Química,%

Tabla 3.6 Aleación 800H (UNS N08810) Composición Química,%

Ni	Fe	Cr	Cu	Ti	AI	С	Minnesota	S	Si
30.0- 35.0	39.5 min	19.0- 23.0	0.75 max	.15 60	.15 60	.05 10 max	1.5 max	0.015 max	1.0 max

Tabla 3.7 Aleación 800HT (UNS N08811) Composición Química,%

Ni	Fe	Cr	Cu	Ti	AI	С	Minnesota	S	Si
30.0- 35.0	39.5 min	19.0- 23.0	0.75 max	.25 60	0.85- 1.20	.06 10 max	1.5 max	0.015 max	1.0 max

* Tenga en cuenta que la composición química del Incoloy 800HT siempre estará dentro de los límites del Incoloy 800H.

* Tenga en cuenta los límites de Incoloy 800H puede o no estar dentro de los límites del Incoloy 800HT.

Las aplicaciones del Incoloy 800H/HT son muy diversas donde estas aplicaciones implican exposición a la corrosión a altas temperaturas:

- Hidrocarburos grietas
- Válvulas, accesorios y otros componentes expuestos a ataques corrosivos de 1100-1800 ° F
- Hornos industriales
- Tratamiento térmico de equipos
- Procesos químicos y petroquímicos
- Super-calentador y recalentadores en plantas de energía
- Recipientes a presión
- Intercambiadores de calor

Características de los Termopares.

Los termopares son dispositivos para la medición de temperatura, basado en efectos termoeléctricos. Es un circuito formado por dos conductores de metales diferentes o aleaciones de metales diferentes, unidos en sus extremos y entre cuyas uniones existe una diferencia de temperatura, que origina una fuerza electromotriz efecto Seebeck. La fuerza electromotriz generada por el termopar está en función de la diferencia de temperatura entre la unión fría y caliente, pero más específicamente, ésta es generada como un resultado de los gradientes de temperatura los cuales existen a lo largo de la longitud de los conductores. Con el tiempo y el uso, la degradación del termopar es inevitable, por lo que un esquema de calibración inicial, verificaciones regulares y reemplazo eventual, debe ser establecido. Si por razones prácticas la longitud de los termopares se incrementa, ésta será hecha por el empleo de la extensión correcta. El cable de extensión consiste de conductores hechos nominalmente del mismo material de los conductores del termopar. Con el fin de dar un mayor tiempo de vida al termopar, su alcance de medición debe respetarse, éste depende del grosor de los alambres (calibre AWG). En nuestro caso el tipo de termopar empleado es del tipo K con características mostradas en la siguiente tabla.

Тіро	Alcance Temperatura °C	Materiales y Aleaciones
		(+) Vs. (-)
Metal -	- Base	
E	-270 a 1000	Níquel – Cromo Vs. Cobre – Níquel
J	-210 a 1200	Hierro Vs. Cobre - Níquel
Т	-270 a 400	Cobre Vs. Cobre – Níquel
К	-270 a 1372	Níquel – Cromo Vs. Níquel – Aluminio
Ν	-270 a 1300	Níquel – Cromo – Silicio Vs. Níquel – Silicio- Magnesio
Metal -	- Noble	
R	-50 a 1768	Platino – 13% rodio Vs. Platino
S	-50 a 1768	Platino – 10% rodio Vs. Platino
В	0 a 1820	Platino – 30% rodio Vs. Platino – 6%rodio

Tabla 3.8 Tipos de termopares

Para considerar también existen otros tipos de termopares que podrían ayudar en la implementación y lectura de la temperatura, están fabricados con brazos sin aleación, con el fin de eliminar los efectos de inestabilidad y gradientes de temperatura debidos a cambios no uniformes en la composición de la aleación, causados por la exposición a altas temperaturas. Algunos de estos termopares son: El termopar de "platino – oro" que tiene magníficas características termoeléctricas, gran estabilidad, exactitud y alta reproducibilidad. Así como el termopar de "platino – paladio" con gran estabilidad. Los termopares de "tungsteno – renio" y aleaciones con otros materiales como: molibdeno, indio y rodio, han mostrado un buen desempeño a temperaturas tan altas como 2750 °C y pueden ser utilizados, por cortos periodos a 3000 °C en atmósferas no oxidantes, algunos han sido como termopares: A, B, C, D, G y W.

APENDICE B INDICE DE FIGURAS

- Figura 1.1 Dependencia de la conductividad térmica con la temperatura para varios materiales cerámicos
- Figura 2.1 Asociación de la transferencia de calos por conducción con la difusión de energía debida a la actividad molecular
- Figura 2.2 Convenio de signos para la transmisión del calor por conducción
- Figura 2.3 Cilindro hueco con condiciones convectivas en la superficie
- Figura 2.4 Conductividad térmica metales y aleaciones
- Figura 2.5 Conductividad térmica líquidos, gases y vapores
- Figura 3.1 Esquema de Medición
- Figura 3.2 Fotografía del Sistema de Flujo de Calor Radial ASTM 2858-70(90).
- Figura 3.3 Esquema de Conexión del Sistema de Flujo de Calor Radial.
- Figura 3.4 Configuración de Cilindros Concéntricos.
- Figura 3.5 Tamices marca U.S. Estándar Sieve y maquina agitadora para separación de tamaño de grano
- Figura 3.6 (a) llenado de la celda de incoloy con la muestra. (b) Colocado de la celda en la mufla.
- Figura 3.7 Análisis de DRX de la muestra M1 antes de las mediciones del SFCR
- Figura 3.8 Análisis de DRX de la muestra M1 Después de las mediciones del SFCR
- Figura 3.9 Análisis de DRX de la muestra M2 Antes de las mediciones del SFCR
- Figura 3.10 Análisis de DRX de la muestra M2 Después de las mediciones del SFCR
- Figura 3.11 Funcionamiento del Sistema
- Figura 3.12 Conductividad Térmica vs Temperatura de las muestras M1
- Figura 3.13 Conductividad Térmica vs Temperatura de las muestras M2
- Figura 3.14 K vs d para las muestras M1
- Figura 3.15 Kvs d para las muestras M2

APENDICE C INDICE DE TABLAS

- Tabla 2.1 Conductividad Térmica de algunos materiales
- Tabla 2.2
 Conductancias interfaciales de algunos materiales a presiones moderadas
- Tabla 3.1 Tamizado de muestras MgO para el grupo M1
- Tabla 3.2 Tamizado de muestras MgO para el grupo M2
- Tabla 3.3Análisis Cuantitativo de fases para las muestras M1, porcentaje en pesousando EDS-SEM
- Tabla 3.4Análisis Cuantitativo de fases para las muestras M2, porcentaje en pesousando EDS-SEM
- Tabla 3.5 Conductividades térmicas de la Muestra M1-A con respecto a T
- Tabla 3.6 Conductividades térmicas de la Muestra M1-C con respecto a T
- Tabla 3.7 Conductividades térmicas de la Muestra M1-D con respecto a T
- Tabla 3.8 Conductividades térmicas de la Muestra M1-E con respecto a T
- Tabla 3.9 Pendientes M1
- Tabla 3.10 Conductividades Térmicas de la Muestra M2-A con respecto a T
- Tabla 3.11 Conductividades Térmicas de la Muestra M2-B con respecto a T
- Tabla 3.12 Conductividades Térmicas de la Muestra M2-D con respecto a T
- Tabla 3.13 Pendientes M2
- Tabla 3.14Resultados del ajuste logístico para k vs d de las muestras M1
- Tabla 3.15 Resultados del ajuste logístico para k vs d de las muestras M2